

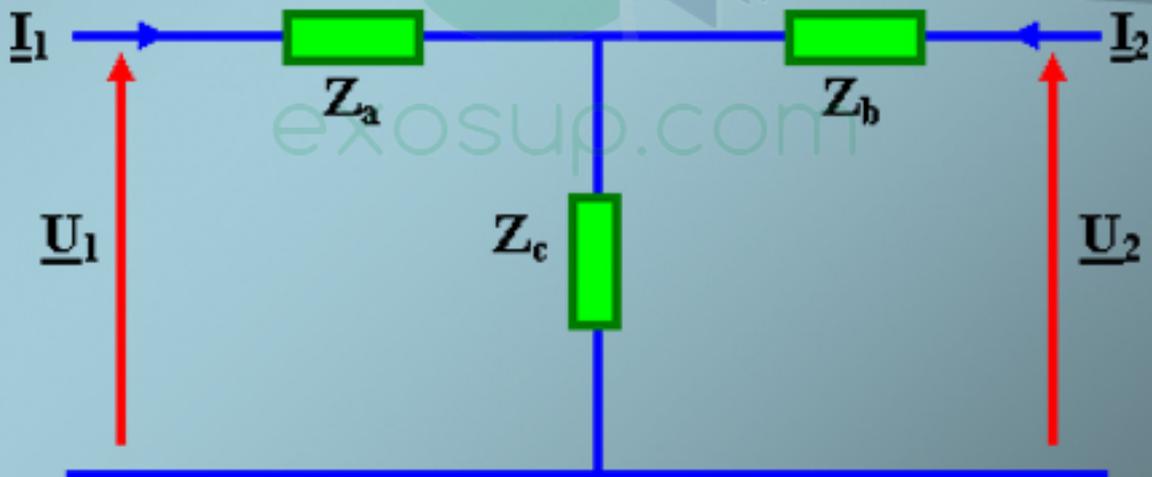
جامعة شعيب الدكالي  
كلية العلوم  
الجديدة



# CORRECTION DES TD

## ÉLECTRONIQUE DE BASE

### SMP 4



club najah

إعداد نادي النجاح

2015-2016



clubnajah.blogspot.com

exosup.com



succes.club

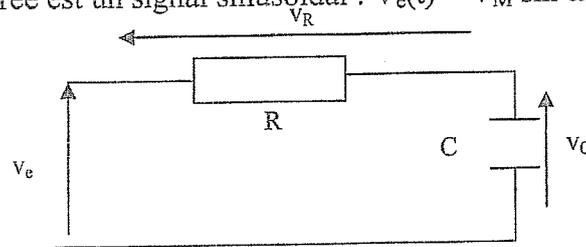
page facebook

## Travaux dirigés d'électronique Série N°1

Remarque : Les questions 4° et 5° de chaque exercice doivent être traitées sous forme de devoir à domicile compté pour 20% de la note du contrôle.

### Exercice N°1 : Dipôles

On considère le dipôle constitué par une résistance  $R = 1K\Omega$  en série avec un condensateur de capacité  $C = 1\mu F$ . l'entrée est un signal sinusoïdal :  $V_e(t) = V_M \sin \omega t$



\*CLUB NAJAH\*  
 UCD.FS.ELJADIDA  
 LE PRESIDENT

1°/ Utiliser le diviseur de tension pour déterminer la relation complexe entre  $V_R$  et  $V_e$  puis entre  $V_C$  et  $V_e$ .

2°/ En déduire les expressions des fonctions de transfert  $T_R(j\omega) = \frac{V_R(j\omega)}{V_e(j\omega)}$  et

$T_C(j\omega) = \frac{V_C(j\omega)}{V_e(j\omega)}$ . Soit  $u = RC\omega = \frac{\omega}{\omega_0}$  la pulsation réduite.

3°/ Donner les expressions des modules  $|T_R(u)|$  et  $|T_C(u)|$  des déphasages  $\varphi_R(u)$  et  $\varphi_C(u)$

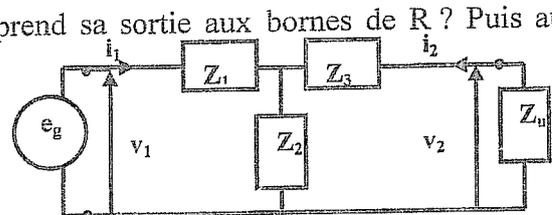
de  $T_R$  et  $T_C$ . En déduire la valeur de la fréquence de coupure en fonction de  $R$  et de  $C$ .

4) Tracer dans les deux cas, les courbes de gain et de phase réelles et asymptotiques dans le diagramme de boode (utiliser un papier semi-logarithmique)

5°/ Comment se comporte le dipôle lorsqu'on prend sa sortie aux bornes de  $R$  ? Puis aux bornes de  $C$  ?

### Exercice II : Quadripôles

On considère le quadripôle suivant :



1°/ Déterminer en fonction de  $Z_1$ ,  $Z_2$  et  $Z_3$

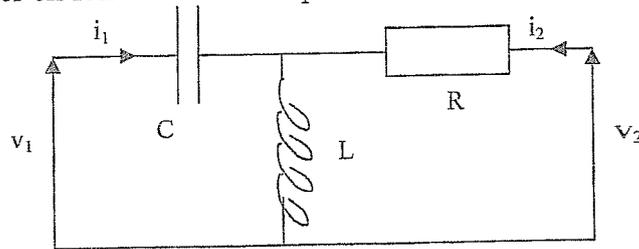
sa matrice impédance et sa matrice hybride.

Le quadripôle est alimenté par un générateur de tension sinusoïdale  $e_g$  de résistance interne négligeable et fermé sur une utilisation d'impédance  $Z_u = Z_3$

2°/ Déterminer l'impédance d'entrée  $Z_e$ , de sortie  $Z_s$ , le gain en tension  $A_v$  et le gain en courant  $A_i$  du montage en fonction de  $Z_1$ ,  $Z_2$  et  $Z_3$

$C = 10 \text{ nF}$

3° Sachant que  $Z_1$  est l'impédance d'un condensateur de capacité  $C = 1,1 \mu\text{F}$ ,  $Z_2$  est l'impédance d'une bobine d'inductance  $L = 0,1 \text{ mH}$  et  $Z_3$  est une résistance de valeur  $R = 1 \text{ k}\Omega$  (voir figure), calculer en fonction de la fréquence les valeurs de  $Z_e$ ,  $Z_s$ ,  $A_v$  et  $A_i$ .   
 $R = 250 \text{ }\Omega$

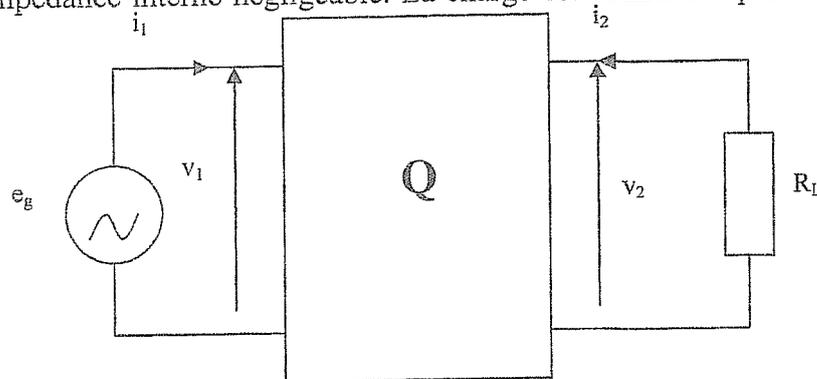


4° Pour quelle valeur de la fréquence le gain en tension est atténué de 3 décibels ? en déduire la valeur de la fréquence de coupure et la bande passante du montage.

5° Tracer la courbe de gain sur un papier semi-logarithmique

**Exercice N°3 : Paramètres hybrides**

On considère le quadripôle Q défini par ses paramètres hybrides  $h_{11} = 1 \text{ k}\Omega$ ,  $h_{12} = 0$ ,  $h_{21} = 200$  et  $h_{22} = 10^{-4} \Omega^{-1}$ . Ce quadripôle est attaqué par une source de tension sinusoïdale  $e_g$  de fréquence  $f$  et d'impédance interne négligeable. La charge est constituée par une résistance  $R_L = 1 \text{ k}\Omega$ .



1° Faire le schéma du quadripôle en fonction de ses paramètres hybrides.

2° Déterminer ses gains en tension  $A_v$  et en courant  $A_i$  et ses impédances d'entrée  $Z_e$  et celle de sortie  $Z_s$

3° Entre l'entrée et la sortie du quadripôle on place un condensateur de capacité  $C = 10 \text{ nF}$ . Déterminer en fonction de  $A_v$ ,  $C$  et  $f$ , les nouvelles expressions du gain  $A'_v$ , et des impédances

d'entrée  $Z'_e$  et de sortie  $Z'_s$ . On posera  $\tau_C = \frac{R_L C}{1 + R_L h_{22}} (h_{21} - 1)$

4° En déduire la fréquence de coupure  $f_c$  (pour laquelle le gain  $A_v$  est atténué de 3 décibels).

5° Tracer  $|A'_v|$  en fonction de la fréquence sur le papier semi-logarithmique.   
 db

\*\*\*\*\*

## Travaux dirigés d'électronique Série N°2

### Exercice I :

Un semi-conducteur est caractérisé par ses densités d'états d'énergie disponibles dans la bande de valence  $N_c$  et dans la bande de conduction  $N_v$  et par son énergie de bande interdite  $E_g$ .

Déterminer à la température ambiante :

- ⊣ Sa densité de porteurs intrinsèque  $n_i$
- ⊣ Le type du semi conducteur si le niveau de Fermi est placé à  $0.3eV$  de la bande de valence
- ⊣ Les densités des électrons dans la bande de conduction et des trous dans la bande de valence
- ⊣ Le type et la densité d'atomes d'impuretés
- ⊣ La conductivité si la mobilité des trous est  $\mu_p = 0.06 \text{ m}^2/V.s$

### Exercice II :

1) Un barreau de silicium de type N, de longueur  $L$  et de section  $s$  est soumis à la différence de potentiel  $U$  est parcouru par le courant  $I$ .

- ⊣ Déterminer sa conductivité  $\sigma$
- ⊣ En déduire la densité des porteurs majoritaires et minoritaires
- ⊣ Le niveau de Fermi par rapport à celui de la bande de conduction

On donne :  $n_i = 1.1 \cdot 10^{10} \text{ cm}^{-3}$ ,  $L = 2\text{cm}$ ,  $s = 10^{-3} \text{ cm}^2$ ,  $U = 5V$ ,  $I = 1\text{mA}$ ,  $\mu_N = 0.15 \text{ m}^2/V.s$

2) Que deviennent à une température  $T = 400K$  les densités des états disponibles dans la bande de valence et de conduction sachant que leur valeur à l'ambiante sont :

$N_c = N_v = 2.5 \cdot 10^{19}$  états d'énergie par  $\text{cm}^3$  (on suppose que les masses effectives ne changent pas avec la température)

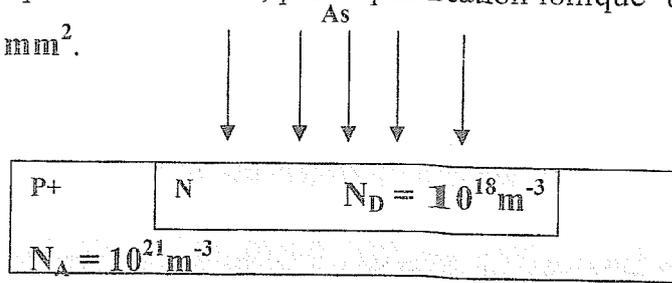
3) Si on néglige la variation du gap avec la température (en réalité  $< 4\%$ )

Déterminer à  $T = 400K$  :

- ⊣ La valeur de la densité des porteurs intrinsèque  $n_i'$ .
- ⊣ Les densités des porteurs majoritaires et minoritaires
- ⊣ La nouvelle position du niveau de Fermi par rapport à  $E_C$
- ⊣ La conductivité  $\sigma'$ , sachant que les mobilités dépendent de la température suivant la loi :  $\mu(T) = \mu_0(T/T_0)^{-3/2}$

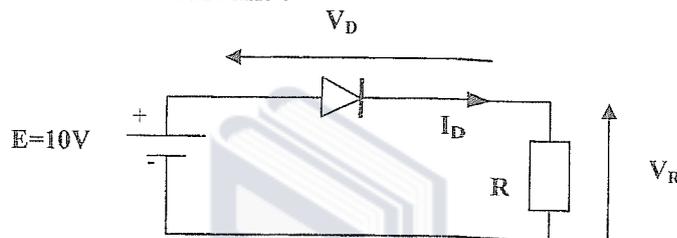
**Exercice III :**

Sur un substrat de silicium dopé P<sup>+</sup> on a formé, par implantation ionique une jonction abrupte P<sup>+</sup>N de surface s = 1mm<sup>2</sup>.



- 1) Déterminer à 300K les densités des porteurs minoritaires n<sub>p</sub> dans P et p<sub>N</sub> dans N et en déduire la valeur du courant de saturation I<sub>s</sub>.

La diode est utilisée dans le circuit suivant :



- 2) Déterminer V<sub>D</sub> et R pour que I<sub>D</sub> soit égale à 10mA, en déduire la valeur de V<sub>R</sub>.  
 3) En supposant que les mobilités des porteurs et les densités des majoritaires N<sub>D</sub> dans N et N<sub>A</sub> dans P ne changent pas avec la température.

- ↓ Déterminer à 400K les densités des porteurs minoritaires n'<sub>p</sub> dans P et p'<sub>N</sub> dans N  
 ↓ En déduire le nouveau courant de saturation I'<sub>s</sub>

- 4) Retrouver les nouvelles valeurs de I'<sub>d</sub>, V'<sub>d</sub> et V'<sub>R</sub> à 400K

**Données :**

La constante de Boltzman k = 1,38 .10<sup>-23</sup> J/K et U<sub>T</sub> = kT/q avec q = 1,6 10<sup>-19</sup> Cb

$$N_V = N_C = 2,5.10^{19} \left( \frac{T}{300} \right)^{\frac{3}{2}} \text{ cm}^{-3}, \quad E_g = 1,11\text{eV}$$

la durée de vie des porteurs est  $\tau = \tau_p = \tau_n = 1\mu\text{s}$  et leur mobilité est  $\mu_n = 0.15\text{m}^2/\text{V.s}$  et  $\mu_p = 0.06 \text{ m}^2/\text{V.s}$ .

$$I_s = Sq \left( \frac{D_p p_N}{L_p} + \frac{D_n n_P}{L_n} \right)$$

D<sub>p</sub> et D<sub>n</sub> sont les constantes de diffusion des trous et des électrons respectivement.

L<sub>p</sub> et L<sub>n</sub> sont les longueurs de diffusion des trous et des électrons respectivement.

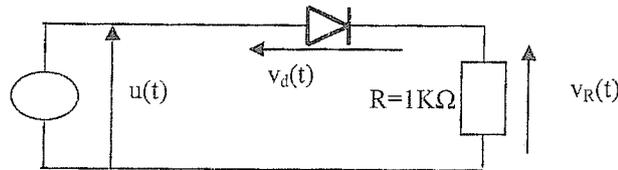
\*\*\*\*\*

## Travaux dirigés d'électronique

### Série N°3

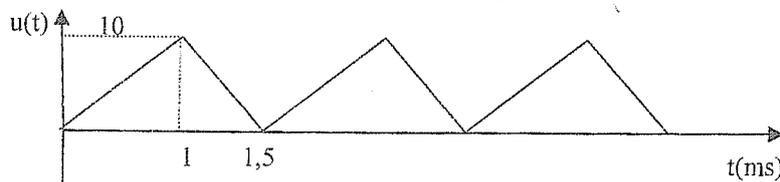
#### Exercice I :

Une diode P<sup>+</sup>N est, modélisée lorsqu'elle est passante par un générateur de tension de f.e.m  $V_d = 0.6V$  en série avec une résistance de valeur  $r_d = 50\Omega$ , et par une résistance infinie lorsqu'elle est bloquée, cette diode est utilisée dans le circuit suivant :



⚡ Déterminer dans chacun des cas suivants :

1.  $u(t)$  est un signal périodique comme représenté ci-après :



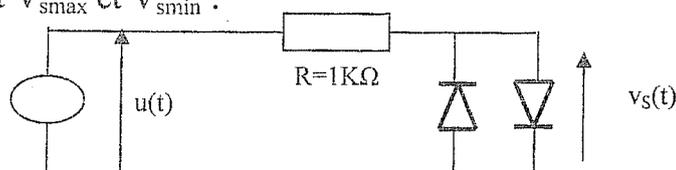
2. La tension  $u(t)$  est un générateur de tension sinusoïdale d'amplitude

$U_m = 10V$  et de fréquence  $1KHz$ .

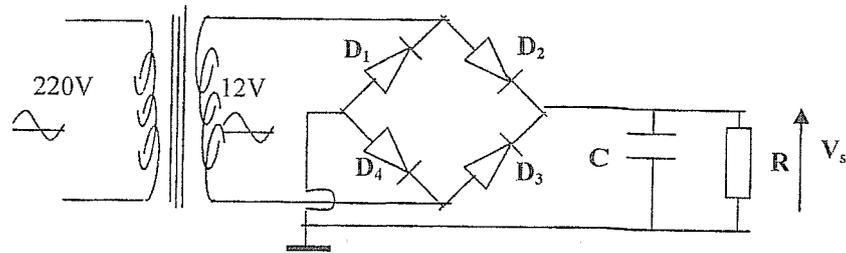
- Les tensions  $v_d(t)$  et  $v_R(t)$ , la tension  $V_R$  maximale dans le régime passant, les durées de blocage  $t_B$  et de conduction  $t_C$  de la diode et le rapport de la valeur moyenne et efficace de  $v_R(t)$ .
- Dans le cas où  $u(t)$  est sinusoïdale, on met en parallèle avec la résistance un condensateur de valeur  $6\mu F$ , Dessiner  $v_R(t)$  et déterminer le taux d'ondulation  $\eta$ .
- Donner dans les deux cas, la forme des signaux en sortie pour  $U_m = 0.4V$  ? Quelle est l'état de la diode dans ce cas ?

#### Exercice II :

Sachant que la tension  $u(t)$  est un générateur de tension sinusoïdale d'amplitude  $U_m = 10V$  et de fréquence  $1KHz$ . donner la forme du signal obtenue à la sortie du montage suivant en précisant  $V_{smax}$  et  $V_{smin}$  :



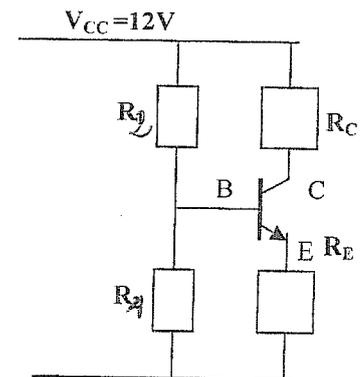
**Exercice III** Une alimentation stabilisée est constituée d'un transformateur 220V/12V(50Hz), d'un pont de diodes, d'un condensateur  $C = 10\mu\text{F}$ , d'une résistance  $R=1\text{K}\Omega$



1. Expliquer le fonctionnement du montage, sans et avec le condensateur.  
Donner la valeur maximale de  $V_s$  sachant que le seuil d'une diode est de 0.6V.
2. Tracer le signal  $V_s$ , en précisant les valeurs, du taux d'ondulation et du facteur de forme. Quelle différence y a-t-il avec le montage de redressement double alternance utilisant un transformateur à point milieu et deux diodes ?

**Exercice IV :** On souhaite polariser un transistor NPN au milieu de sa droite de charge ( $V_{CE} = V_{CC}/2$ ) à l'aide des résistances  $R_1$ ,  $R_2$ ,  $R_C$  et  $R_E$ .

Sachant que le gain en courant statique dans cette zone de fonctionnement est  $\beta = 200$ , la jonction base-émetteur possède un courant de saturation  $I_{SE} = 10^{-13}\text{A}$  et la différence de potentiel à ses bornes est  $V_{BE} = 0.64\text{V}$ .



1. Déterminer les valeurs des courants de base  $I_B$  et de collecteur  $I_C$
2. Sachant que  $R_E=100\Omega$ , et  $R_1=10R_2$ , en déduire les valeurs des résistances  $R_1$ ,  $R_2$  et  $R_C$
3. Déterminer l'expression du coefficient de stabilisation  $S = \Delta I_C / \Delta I_{CB0}$  à  $V_{BE} = \text{cste}$ , en fonction de  $R_1$ ,  $R_2$  et  $R_E$ , discuter ces variations.
4. On introduit des capacités de liaison en série à l'entrée (B) et en sortie (C), et une capacité en parallèle avec  $R_E$ . Faire le schéma équivalent en petites variations et en déduire le gain en tension  $A_v$ , l'impédance d'entrée  $Z_e$  et celle de sortie  $Z_s$  de l'amplificateur résultant.

Correction de la série n°1

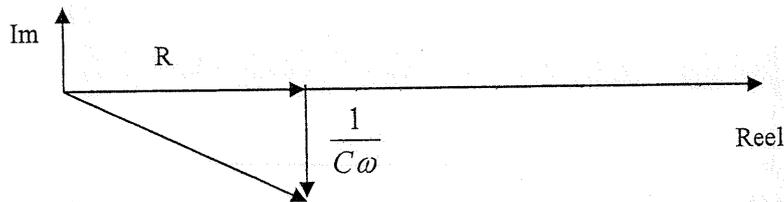
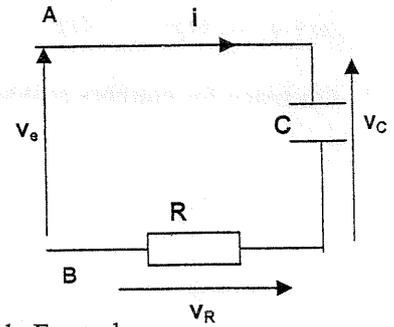
$R = 1K\Omega, C = 1\mu F, V_e(t) = V_M \sin \omega t$

1°/ En utilisant la notation complexe on peut écrire :

$V_R = R.i$  et  $V_C = \frac{i}{jC\omega}$  or  $V_e = V_R + V_C$

d'où  $V_e = R.i + \frac{i}{jC\omega} = (R + \frac{1}{jC\omega}). I = Z.i$

Z est l'impédance complexe qu'on peut représenter à l'aide du diagramme de Fresnel



Pour connaître la relation entre la tension aux bornes de R et celle de l'entrée, on utilise le diviseur de tension. On écrit alors :

$V_R = R.i = \frac{R V_e}{R + \frac{1}{jC\omega}} = \frac{jRC\omega}{1 + jRC\omega} V_e$

Et celle aux bornes de C est  $V_C = \frac{\frac{1}{jC\omega} V_e}{R + \frac{1}{jC\omega}} = \frac{1}{1 + jRC\omega} V_e$



2°/ On en déduit les fonctions de transfert dans chacun des deux cas :

$T_R = \frac{jRC\omega}{1 + jRC\omega}$        $T_C = \frac{1}{1 + jRC\omega}$

On pose  $R.C$  la constante de temps du circuit :  $R.C = \tau$  puis on pose  $\omega_0 = 1/\tau$  et  $u = RC \omega = \omega / \omega_0$  appelée pulsation réduite

d'où  $T_R(u) = \frac{ju}{1 + ju}$        $T_C(u) = \frac{1}{1 + ju}$

On définit la fréquence de coupure est la fréquence pour laquelle le module du gain maximum ( $V_s/V_e$ ) est divisé par :  $\sqrt{2}$

Dans les 2 cas la fréquence de coupure est :

$f'_c = \frac{1}{2\pi\tau} = \frac{1}{2\pi RC}$

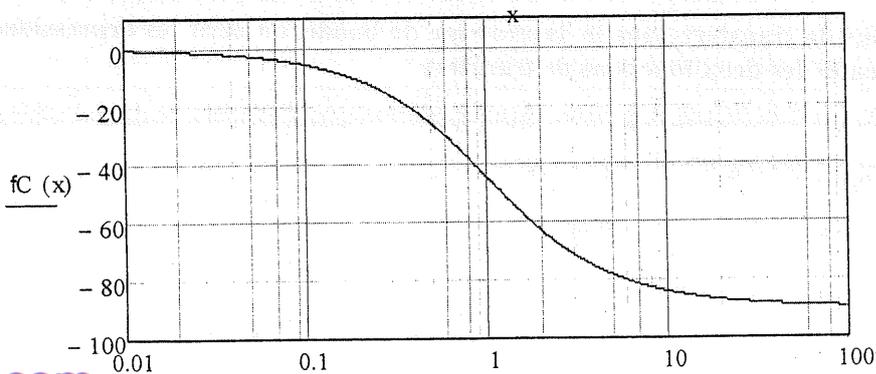
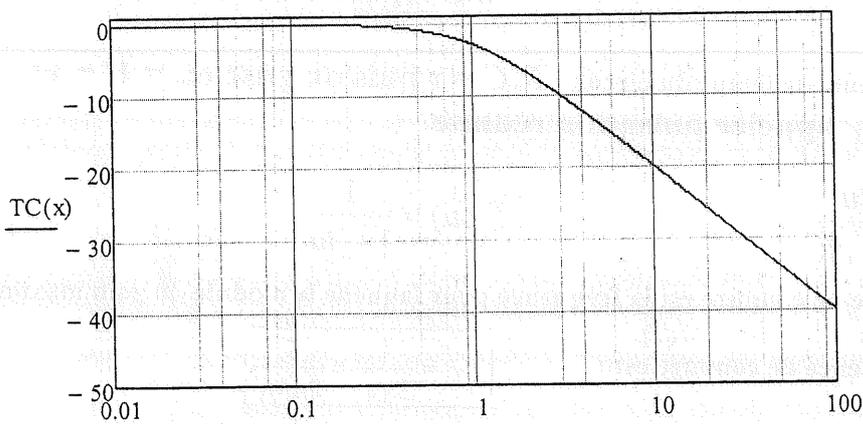
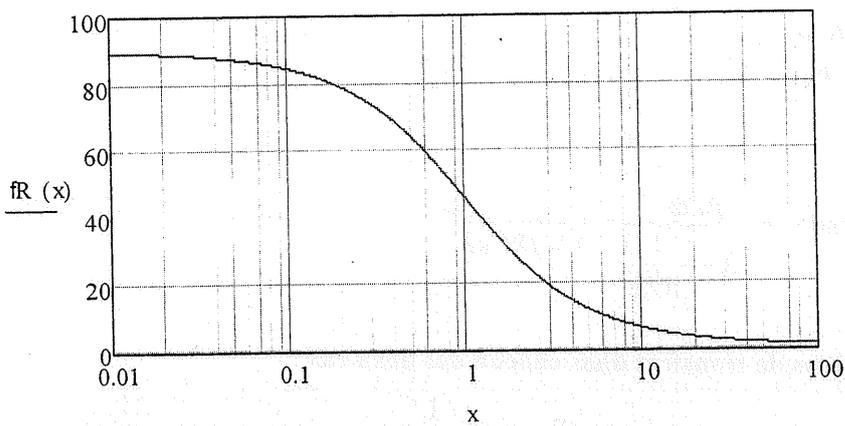
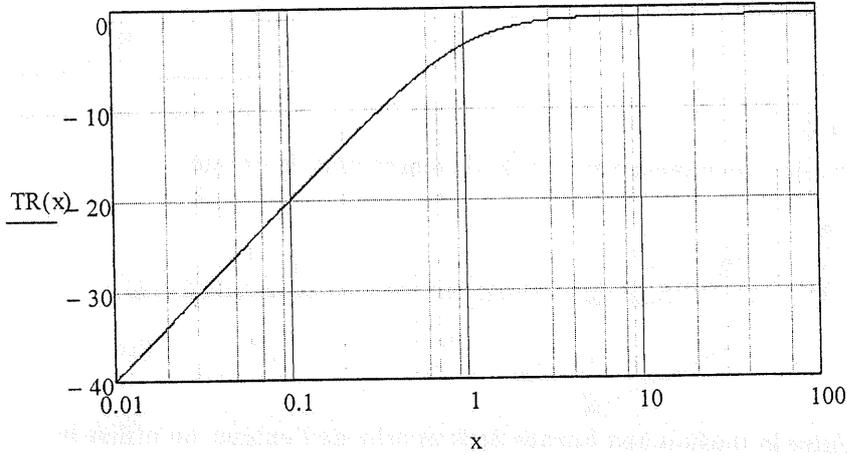
Pour tracer les fonctions de transfert dans le diagramme de boode, on écrit les expressions du gain et de phase de chacune des deux fonctions de transfert

$|T_R(u)|_{dB} = 20 \cdot \log \left| \frac{ju}{1 + ju} \right| = 20 \cdot \log u - 10 \cdot \log(1 + u^2)$   
 $\varphi_R(u) = Arg(ju) - Arg(1 + ju) = \frac{\pi}{2} - arctg(u)$

$$|F_C(u)|_{dB} = 20 \cdot \log \left| \frac{1}{1+ju} \right| = -10 \cdot \log(1+u^2)$$

$$\varphi_C(u) = \text{Arg}(1) - \text{Arg}(1+ju) = 0 - \text{arctg}(u)$$

On trace les courbes suivantes :

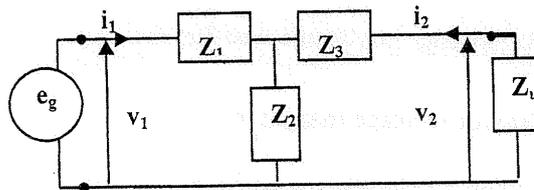


Lorsqu'on prend la sortie du circuit aux bornes de R il se comporte comme un filtre un passe haut, mais si on la prend aux bornes de C, il se comporte comme un filtre un passe bas

En effet :  $\lim_{u \rightarrow \infty} T_R(u) = 1$  et  $\lim_{u \rightarrow 0} T_C(u) = 1$

Dans le premier cas le gain prend sa valeur maximale (qui est 1 ou 0dB) pour les hautes fréquences et dans le deuxième cas pour les faibles fréquences.

Exercice N°2 :



1°/ Déterminer en fonction de  $Z_1$ ,  $Z_2$  et  $Z_3$  sa matrice impédance et sa matrice hybride.

$$\begin{aligned} V_1 &= Z_{11}i_1 + Z_{12}i_2 \\ V_2 &= Z_{21}i_1 + Z_{22}i_2 \end{aligned}$$

$$Z_{11} = \left. \frac{V_1}{i_1} \right|_{i_2=0} = Z_1 + Z_2$$

$$Z_{22} = \left. \frac{V_2}{i_2} \right|_{i_1=0} = Z_3 + Z_2$$

$$Z_{12} = \left. \frac{V_1}{i_2} \right|_{i_1=0} = Z_2 = Z_{21} = \left. \frac{V_2}{i_1} \right|_{i_2=0}$$

$$(Z) = \begin{bmatrix} Z_1 + Z_2 & Z_2 \\ Z_2 & Z_3 + Z_2 \end{bmatrix}$$



$$\begin{aligned} V_1 &= h_{11}i_1 + h_{12}V_2 \\ i_2 &= h_{21}i_1 + h_{22}V_2 \end{aligned} \quad (H) = \begin{bmatrix} h_{11} & h_{12} \\ h_{21} & h_{22} \end{bmatrix}$$

$$h_{11} = \left. \frac{V_1}{i_1} \right|_{V_2=0} = Z_1 + Z_2 // Z_3 \text{ (}\Omega\text{)}$$

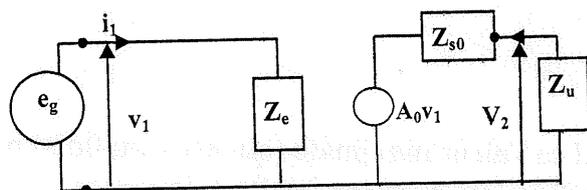
$$h_{12} = \left. \frac{V_1}{V_2} \right|_{i_1=0} = \frac{Z_2}{Z_3 + Z_2}$$

$$h_{21} = \left. \frac{i_2}{i_1} \right|_{V_2=0} = -\frac{\frac{1}{Z_3}}{\frac{1}{Z_3} + \frac{1}{Z_2}} = -\frac{Z_2}{Z_2 + Z_3}$$

$$h_{22} = \left. \frac{i_2}{V_2} \right|_{i_1=0} = Z_2 + Z_3 \text{ (}\Omega^{-1}\text{)}$$

2°/ Déterminer l'impédance d'entrée  $Z_e$ , de sortie  $Z_s$ , le gain en tension  $A_v$  et le gain en courant  $A_i$  du montage en fonction de  $Z_1$ ,  $Z_2$  et  $Z_3$

Le montage est équivalent au montage suivant



$Z_e = \frac{V_1}{i_1}$  : c'est l'impédance d'entrée du montage chargé avec  $Z_u$

$A_v = \frac{V_2}{V_1}$  : c'est le gain en tension du montage chargé avec  $Z_u$

$A_0 = \left. \frac{V_2}{V_1} \right|_{i_2=0}$  : c'est le gain en tension du montage non chargé avec  $Z_u = +\infty$

$A_i = \left. \frac{i_2}{i_1} \right|$  : c'est le gain en courant du montage chargé avec  $Z_u$

$Z_s = \left. \frac{V_2}{i_s} \right|_{V_1=0}$  : c'est l'impédance de sortie du montage chargé avec  $Z_u$

$i_s$  est un courant à injecter à la sortie

$$Z_e = Z_1 + Z_2 // (Z_3 + Z_u) = Z_1 + \frac{1}{\frac{1}{Z_2} + \frac{1}{Z_3 + Z_u}}$$

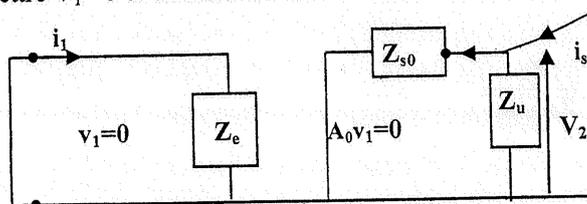
$$A_i = - \frac{\frac{1}{Z_3 + Z_u}}{\frac{1}{Z_2} + \frac{1}{Z_3 + Z_u}}$$

$$A_v = \frac{V_2}{V_1} = \frac{V_2}{i_2} \cdot \frac{i_2}{i_1} \cdot \frac{i_1}{V_1} = -Z_u \cdot A_i \cdot \frac{1}{Z_e}$$

$$\text{d'où } A_v = -Z_u \cdot \left( -\frac{\frac{1}{Z_3 + Z_u}}{\frac{1}{Z_2} + \frac{1}{Z_3 + Z_u}} \right) \cdot \left( Z_1 + \frac{1}{\frac{1}{Z_2} + \frac{1}{Z_3 + Z_u}} \right)^{-1} = \frac{1}{Z_1 + \frac{1}{\frac{1}{Z_2} + \frac{1}{Z_3 + Z_u}}} \cdot \frac{\frac{1}{Z_3 + Z_u}}{\frac{1}{Z_2} + \frac{1}{Z_3 + Z_u}} \cdot Z_u =$$

$$A_v = \frac{Z_u}{\frac{Z_1}{Z_2} + \frac{Z_1}{Z_3 + Z_u} + 1}$$

Pour calculer  $Z_s$  on doit mettre  $V_1 = 0$  et on introduit un courant  $i_s$  en sortie le montage devient:



$$Z_s = Z_u // Z_{s0}$$

$Z_{s0}$  est l'impédance de sortie du montage non chargé avec  $Z_u = +\infty$

$$Z_{s0} = Z_3 + Z_1 // Z_2$$

$$\text{d'où } Z_s = (Z_3 + Z_1 // Z_2) // Z_u$$



3°/ Sachant que  $Z_1$  est l'impédance d'un condensateur de capacité  $C = 10\text{nF}$ ,  $Z_2$  est l'impédance d'une bobine d'inductance  $L = 10\text{mH}$  et  $Z_3$  est une résistance de valeur  $R = 250\Omega$  (voir figure), calculer en fonction de la fréquence les valeurs de  $Z_e$ ,  $Z_s$ ,  $A_v$  et  $A_i$ .

$$Z_1 = \frac{1}{jC\omega}, Z_2 = jL\omega, Z_3 = R, Z_u = R$$

$$Z_e = Z_1 + Z_2 // (Z_3 + Z_u) = Z_1 + \frac{1}{\frac{1}{Z_2} + \frac{1}{Z_3 + Z_u}} = \frac{1}{jC\omega} + \frac{1}{\frac{1}{jL\omega} + \frac{1}{2R}}$$

$$Z_s = (jL\omega // \frac{1}{jC\omega} + R) // R = (\frac{L}{C} \frac{jC\omega}{1 - LC\omega^2} + R) // R$$

$$A_i = -\frac{\frac{1}{Z_3 + Z_u}}{\frac{1}{Z_2} + \frac{1}{Z_3 + Z_u}} = -\frac{\frac{1}{2R}}{\frac{1}{jL\omega} + \frac{1}{2R}} = -\frac{jL\omega}{2R + jL\omega}$$

$$A_v = \frac{\frac{Z_u}{Z_3 + Z_u}}{\frac{Z_1}{Z_2} + \frac{Z_1}{Z_3 + Z_u} + 1} = \frac{\frac{1}{2}}{-\frac{1}{LC\omega^2} + \frac{1}{2jRC\omega} + 1} = \frac{\frac{LC\omega^2}{2}}{-1 - j\frac{L\omega}{2R} + LC\omega^2}$$



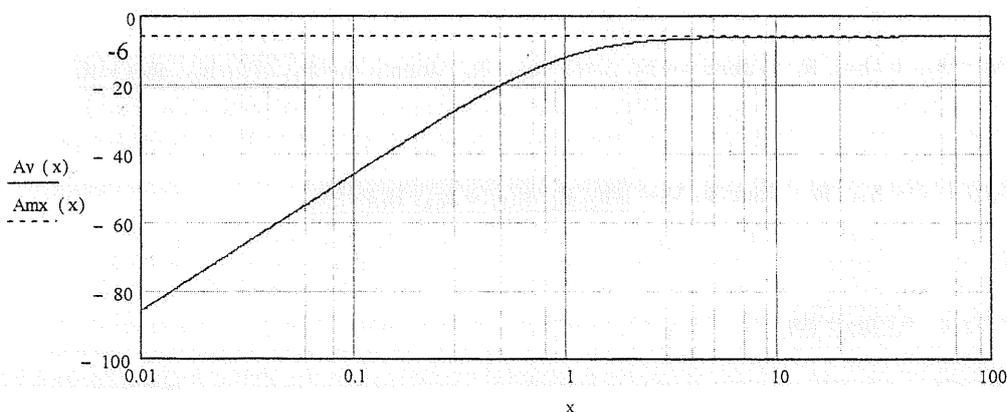
4°/ Montrer que le module du gain en tension  $|A_v| = \frac{u^2}{2(u^2 + 1)}$  Avec  $u = \frac{\omega}{\omega_0}$  et

$\omega_0 = \frac{1}{\sqrt{LC}} = \frac{4R}{L}$ . Calculer la valeur de  $u$  pour laquelle  $|A_v| = \frac{|A_v|_{\max}}{\sqrt{2}} = \frac{1}{2\sqrt{2}}$  en déduire la valeur de la fréquence de coupure.

$$A_v = \frac{\frac{u^2}{2}}{-1 + u^2 - 2ju} \quad |A_v| = \frac{\frac{u^2}{2}}{\sqrt{(-1 + u^2)^2 + 4u^2}} = \frac{\frac{u^2}{2}}{(1 + u^2)}$$

Le gain est maximum, lorsque  $u$  tend vers l'infini (passe haut) sa valeur est donc  $1/2$   
A la fréquence de coupure ce gain maximum est atténué de 3 décibels.

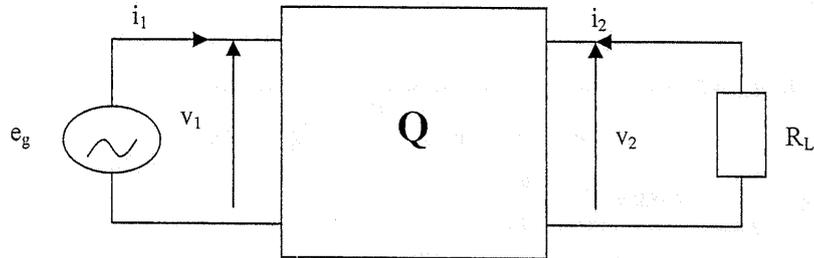
$$\frac{\frac{u_c^2}{2}}{(1 + u_c^2)} = \frac{1}{2\sqrt{2}} \text{ on doit avoir } u_c^2 \sqrt{2} = (1 + u_c^2) \text{ ou encore } u_c = \frac{1}{\sqrt{\sqrt{2} - 1}} = 0,64357$$



avec  $L = 10\text{mH}$   
 $C = 10\text{nF}$   
 $R = 250\Omega$   
 $\omega_0 = \frac{1}{\sqrt{LC}} = \frac{4R}{L} = 40000\text{ rad/s}$   
 $f_0 = \frac{\omega_0}{2\pi} = 6369\text{ Hz}$   
 $u_c = 0,64357$   
 $\omega_c = u_c \cdot \omega_0 = 25700\text{ rad/s}$   
 $f_c = \frac{\omega_c}{2\pi} = 4080\text{ Hz}$

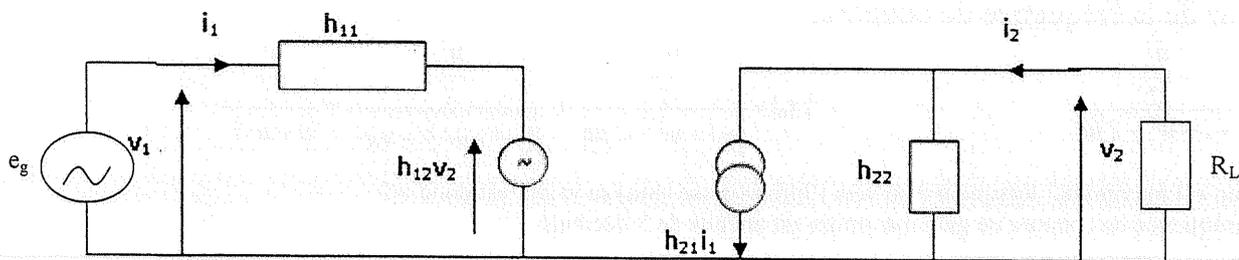
### Exercice N°3 : Paramètres hybrides

On considère le quadripôle Q défini par ses paramètres hybrides  $h_{11}=1K\Omega$ ,  $h_{12} = 0$ ,  $h_{21}=200$  et  $h_{22} = 10^{-4}\Omega^{-1}$ . Ce quadripôle est attaqué par une source de tension sinusoïdale  $e_g$  de fréquence  $f$  et d'impédance interne négligeable. La charge est constituée par une résistance  $R_L = 1K\Omega$ .



- 1°/ Faire le schéma du quadripôle en fonction de ses paramètres hybrides.
- 2°/ Déterminer ses gains en tension  $A_v$  et en courant  $A_i$  et ses impédances d'entrée  $Z_e$  et celle de sortie  $Z_s$
- 3°/ Entre l'entrée et la sortie du quadripôle on place un condensateur de capacité  $C=10nF$ . Déterminer en fonction de  $A_v$ ,  $C$  et  $f$ , les nouvelles expressions du gain  $A'_v$ , et des impédances d'entrée  $Z'_e$  et de sortie  $Z'_s$ . On posera  $\tau_C = \frac{R_L C}{1 + R_L h_{22}}(h_{21} - 1)$
- 4°/ En déduire la fréquence de coupure  $f_c$  (pour laquelle le gain  $A_v$  est atténué de 3 décibels).
- 5°/ Tracer  $|A'_v|$  en fonction de la fréquence sur le papier semi-logarithmique.  
db

1°/



$$2^\circ/ V_2 = -R_L \cdot i_2$$

$$V_1 = h_{11} \cdot i_1$$

$$i_2 = h_{21} \cdot i_1 + h_{22} \cdot V_2 = h_{21} \cdot i_1 - h_{22} \cdot R_L \cdot i_2 \text{ donc } i_2 = h_{21} \cdot i_1 / (1 + h_{22} \cdot R_L) \text{ donc } i_2 / i_1 = \boxed{h_{21} / (1 + h_{22} \cdot R_L)} = A_i$$

$$-V_2 / R_L = i_2$$

$$V_1 / h_{11} = i_1$$

$$-V_2 / R_L = h_{21} (V_1 / h_{11}) / (1 + h_{22} \cdot R_L) \text{ donc } V_2 / V_1 = \boxed{-h_{21} R_L / h_{11} (1 + h_{22} \cdot R_L)} = A_v$$

$$\boxed{Z_e = V_1 / i_1 = h_{11}}$$

$$Z_s = V_2 / i_2 \Big|_{e_g = 0}$$

$$e_g = 0 \Rightarrow i_1 = 0 \Rightarrow V_2 / i_2 = \boxed{1 / h_{22}} = Z_s$$

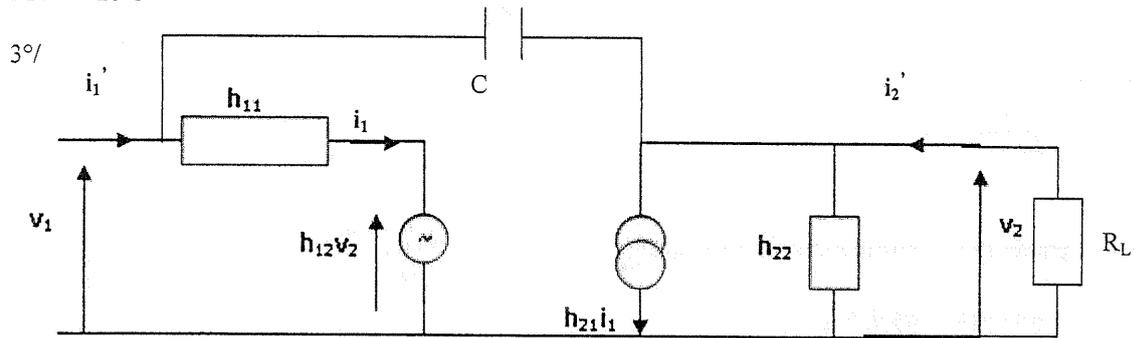
$$A.N : Z_e = 1K\Omega$$

$$Z_s = 10K\Omega$$



$$A_i = 200/(1,01) = 198$$

$$A_v = -198$$



On peut écrire à l'entrée :

$$i_1' + (V_2 - V_1)jC\omega - V_1/h_{11} = 0 \text{ avec } V_1/h_{11} = i_1 \quad (1)$$

à la sortie :

$$i_2' - h_{22}V_2 - h_{21}i_1 + (V_1 - V_2)jC\omega = 0 \text{ avec } V_2 = -R_L \cdot i_2' \quad (2)$$

$$(1) \text{ et } (2) \rightarrow i_2' - h_{22}V_2 - h_{21}(V_1/h_{11}) + (V_1 - V_2)jC\omega = 0$$

On remplace  $-V_2/R_L = i_2'$  et on trouve

$$V_2 (1/R_L + h_{22} + jC\omega) = V_1 (jC\omega - h_{21}/h_{11})$$

d'où

$$A_v' = V_2/V_1 = (jC\omega - h_{21}/h_{11}) / (1/R_L + h_{22} + jC\omega)$$

$$= (jR_L C\omega / (1 + R_L h_{22}) - R_L h_{21}/h_{11}(1 + R_L h_{22})) / (1 + jR_L C\omega / (1 + R_L h_{22}))$$

$$= (j\tau\omega - R_L h_{21}/h_{11}(1 + R_L h_{22})) / (1 + j\tau\omega) \text{ avec } \tau = R_L C / (1 + R_L h_{22})$$

$$A_v' = (j\tau\omega + A_v) / (1 + j\tau\omega)$$

$$Z_e' = V_1/i_1'$$

On remplace dans (1)  $V_2 = A_v'V_1$

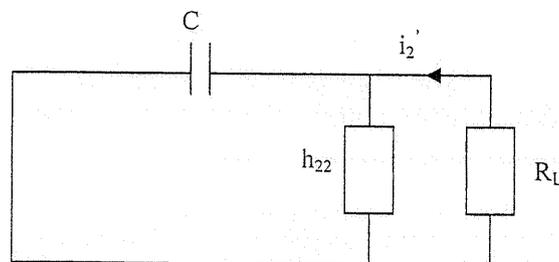
$$i_1' + (V_2 - V_1)jC\omega - V_1/h_{11} = 0 \rightarrow i_1' = V_1(jC\omega(1 - A_v') + 1/h_{11}) \text{ d'où}$$

$$Z_e' = 1 / (jC\omega(1 - A_v') + 1/h_{11})$$

$$A_i' = i_2'/i_1' = (i_2'/V_2) \cdot (V_2/V_1) \cdot (V_1/i_1') = (-1/R_L) \cdot A_v' \cdot Z_e'$$

$$A_i' = -(j\tau\omega + A_v) h_{11} / R_L (1 + j\omega(h_{11}C + \tau_C)) \text{ avec } \tau_C = R_L C(h_{21} - 1) / (1 + R_L h_{22})$$

$Z_s' = V_2/i_2'$  à  $V_1=0 \rightarrow i_1=0$  et le circuit devient :



$$\text{d'où } Z_s' = 1/h_{22} + jC\omega$$

$$\tau = 9,9\mu\text{s}$$

$$\tau_C = 1,97\text{ms}$$



4°/ on pose  $u = \tau\omega$  à la fréquence de coupure  $\rightarrow |A_v'| = \frac{|A_v + ju|}{|1 + ju|} = \frac{|A_v|}{\sqrt{2}}$  d'où  $\frac{|A_v|^2}{2} = \frac{|A_v|^2 + u^2}{1 + u^2}$

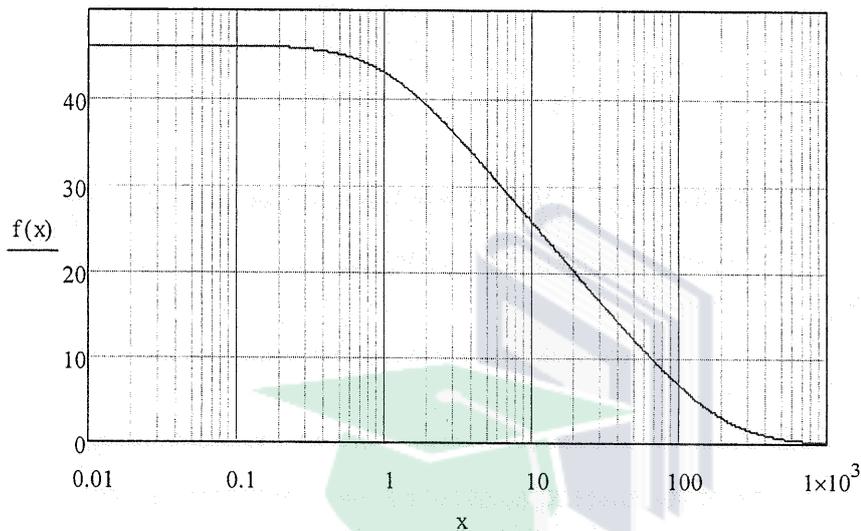
On doit avoir

$$u_c = \tau\omega_c = \frac{A_v}{\sqrt{A_v^2 - 2}} \quad \# \quad 1$$

5°/ Sur le papier semi logarithmique on trace  $|A_v'|_{dB}(u) = 20 \log_{10} \left( \frac{\sqrt{A_v^2 + u^2}}{\sqrt{u^2 + 1}} \right)$

$u \rightarrow 0, A_v' \rightarrow A_v = 198 = 45.933 \text{dB}$

$u \rightarrow \infty, A_v' = 1 = 0 \text{dB}$



## Correction de la série n°2

### Exercice I :

Un semi-conducteur est caractérisé par ses densités d'états d'énergie disponibles dans la bande de valence  $N_c$  et dans la bande de conduction  $N_v$  et par son énergie de bande interdite  $E_g$ .

Déterminer à la température ambiante :

- ✦ Sa densité de porteurs intrinsèque  $n_i$
- ✦ Le type du semi conducteur si le niveau de Fermi est placé à  $0.3\text{eV}$  de la bande de valence
- ✦ Les densités des électrons dans la bande de conduction et des trous dans la bande de valence
- ✦ Le type et la densité d'atomes d'impuretés
- ✦ La conductivité si la mobilité des trous est  $\mu_p = 0.06 \text{ m}^2/\text{V.s}$

1- densité de porteurs intrinsèque  $n_i$  :

$$n_i = \sqrt{N_c N_v} \exp\left(-\frac{E_g}{2KT}\right) = 1,209 \cdot 10^{10} \text{ cm}^{-3}$$

2- Le niveau de Fermi étant placé plus près de la bande de valence car  $E_C - E_F = E_g - (E_F - E_V) = 1,11 - 0,3 = 0,81 \text{ eV} > E_F - E_V = 0,3 \text{ eV}$  donc le Semiconducteur est de type P.

$$3- n = N_c \exp\left(\frac{E_F - E_C}{KT}\right) \text{ et } p = N_v \exp\left(\frac{E_V - E_F}{KT}\right)$$

$$\text{A.N : } n = 2,5 \cdot 10^{19} \exp\left(-\frac{0,81 \cdot 1,6 \cdot 10^{-19}}{1,38 \cdot 10^{-23} \cdot 300}\right) = 6,37 \cdot 10^5 \text{ cm}^{-3} \quad \text{et} \quad p = 2,5 \cdot 10^{19} \exp\left(-\frac{0,3 \cdot 1,6 \cdot 10^{-19}}{1,38 \cdot 10^{-23} \cdot 300}\right) = 2,297 \cdot 10^{14} \text{ cm}^{-3}$$

Ce resultat peut aussi être obtenu à l'aide de la loi de masse  $n \cdot p = n_i^2$  d'où  $p = n_i^2/n = 2,297 \cdot 10^{14} \text{ cm}^{-3}$

4- Le semiconducteur est donc de type P, on voit que la densité des trous est très grande par rapport à celle des électrons. Puisqu'on a introduit des atomes initialement neutres dans le semiconducteur neutre, La conservation de la neutralité électrique impose:

$$-q n + q p = q N_A$$

$$\text{d'où } N_A \approx p = 2,297 \cdot 10^{14} \text{ cm}^{-3} = 2,297 \cdot 10^{14} \cdot 10^6 = 2,297 \cdot 10^{20} \text{ m}^{-3}$$

5- La conductivité est donnée par :  $\sigma = q(n\mu_n + p\mu_p)$

$$\sigma \approx \sigma_P \approx q(N_A \mu_p)$$

$$\text{A.N : } \sigma = 1,6 \cdot 10^{-19} \cdot 2,297 \cdot 10^{20} \cdot 0,06 = 2,2 \text{ S.m}^{-1} = 2,2 \Omega^{-1} \cdot \text{m}^{-1}$$



### Exercice II :

$$1) 1^\circ U = R \cdot I = \frac{l}{\sigma s} \cdot I \text{ donc } \sigma = \frac{l}{U s} \cdot I = \frac{l \cdot 2 \cdot 10^{-2}}{5 \cdot 10^{-7}} \cdot 10^{-3} = 4 \Omega^{-1} \text{ m}^{-1}$$

2°/ Le SC est de type N donc  $\sigma \approx \sigma_N \approx q(N_D \mu_n)$

Correction de la série n°2

**Exercice I :**

**1- densité de porteurs intrinsèque  $n_i$  :**

$$n_i = \sqrt{N_c N_v} \exp\left(-\frac{E_g}{2KT}\right) = 1,209 \cdot 10^{10} \text{ cm}^{-3}$$

2- Le niveau de Fermi étant placé plus près de la bande de valence car  $E_C - E_F = E_g - (E_F - E_V) = 1,11 - 0,3 = 0,81 \text{ eV} > E_F - E_V = 0,3 \text{ eV}$  donc le Semiconducteur est de type P.

$$3- \boxed{n = N_c \exp\left(\frac{E_F - E_C}{KT}\right)} \text{ et } \boxed{p = N_v \exp\left(\frac{E_V - E_F}{KT}\right)}$$

$$\text{A.N : } \boxed{n = 2,5 \cdot 10^{19} \exp\left(-\frac{0,81 \cdot 1,6 \cdot 10^{-19}}{1,38 \cdot 10^{-23} \cdot 300}\right) = 6,37 \cdot 10^5 \text{ cm}^{-3}} \text{ et } \boxed{p = 2,5 \cdot 10^{19} \exp\left(-\frac{0,3 \cdot 1,6 \cdot 10^{-19}}{1,38 \cdot 10^{-23} \cdot 300}\right) = 2,297 \cdot 10^{14} \text{ cm}^{-3}}$$

Ce resultat peut aussi être obtenu à l'aide de la loi de masse  $n \cdot p = n_i^2$  d'où  $p = n_i^2/n = 2,297 \cdot 10^{14} \text{ cm}^{-3}$

4- Le semiconducteur est donc de type P, on voit que la densité des trous est très grande par rapport à celle des électrons. Puisqu'on a introduit des atomes initialement neutres dans le semiconducteur neutre, La conservation de la neutralité électrique impose:

$$-q n + q p = q N_A$$

$$\text{d'où } \underline{N_A \approx p = 2,297 \cdot 10^{14} \text{ cm}^{-3} = 2,297 \cdot 10^{14} \cdot 10^6 = 2,297 \cdot 10^{20} \text{ m}^{-3}}$$

5- La conductivité est donnée par :  $\sigma = q(n\mu_n + p\mu_p)$

$$\sigma \approx \sigma_P \approx q(N_A \mu_p)$$

$$\text{A.N : } \underline{\sigma = 1,6 \cdot 10^{-19} \cdot 2,297 \cdot 10^{20} \cdot 0,06 = 2,2 \text{ S} \cdot \text{m}^{-1} = 2,2 \Omega^{-1} \cdot \text{m}^{-1}}$$



**Exercice II :**

$$1) 1^\circ U = R \cdot I = \frac{1}{\sigma} \frac{L}{s} \cdot I \text{ donc } \boxed{\sigma = \frac{1}{U} \frac{L}{s} \cdot I = \frac{1}{5} \frac{2 \cdot 10^{-2}}{10^{-7}} \cdot 10^{-3} = 4 \Omega^{-1} \text{ m}^{-1}}$$

2° Le SC est de type N donc  $\sigma \approx \sigma_N \approx q(N_D \mu_n)$

$$\text{donc } \boxed{n \approx N_D = \frac{\sigma}{q \mu_n} = \frac{4}{1,6 \cdot 10^{-19} \cdot 0,15} = 1,666 \cdot 10^{20} \text{ m}^{-3}} \text{ et par conséquent d'où}$$

$$\boxed{p = n_i^2/n = (1,1 \cdot 10^{16})^2 / 1,666 \cdot 10^{20} = 7,26 \cdot 10^{11} \text{ m}^{-3}}$$

$$3^\circ n = N_c \exp((E_F - E_C) / kT) \text{ donc } \boxed{E_C - E_F = kT \cdot \ln(N_c/n) = 25,875 \cdot 10^{-3} \cdot \ln(N_c/n) = 0,308 \text{ eV}}$$

2) A  $T = 400 \text{ K}$

$$\boxed{N_c(400 \text{ K}) = N_v(400 \text{ K}) = N_c(300 \text{ K}) \cdot \left(\frac{400}{300}\right)^{3/2} = 3,849 \cdot 10^{25} \text{ m}^{-3}}$$

$$3) 1^{\circ} n_i' = \sqrt{N_c' N_v'} \exp\left(-\frac{E_g}{2KT'}\right) = 3,849 \cdot 10^{25} \exp\left(-\frac{1,11 \cdot 1,6 \cdot 10^{-19}}{2 \cdot 1,38 \cdot 10^{-23} \cdot 400}\right) = 3,97 \cdot 10^{18} \text{ m}^{-3}$$

2<sup>o</sup>/  $N_D$  étant la densité des atomes d'impuretés :  $N_D = 1,666 \cdot 10^{20} \text{ m}^{-3}$

$$-q n' + q p' = -q N_D$$

$$n' = \frac{N_D + \sqrt{N_D^2 + 4n_i'^2}}{2}$$

$$n' = 166,68 \cdot 10^{18} \text{ m}^{-3}$$

$$p' = 9,455 \cdot 10^{16} \text{ m}^{-3}$$

lorsque T augmente le nombre de minoritaires s'approche de celui des majoritaires

3<sup>o</sup>/  $E_C - E_F' = kT' \cdot \ln(N_C/n') = k \cdot 400 \cdot \ln(N_C(400K)/166,68 \cdot 10^{18})$

$$E_C - E_F' = 25,875 \cdot 10^{-3} \cdot 1,333 \cdot \ln(3,849 \cdot 10^{25}/166,68 \cdot 10^{18}) = 0,426 \text{ eV}$$

$$\sigma' \approx q n' \mu_n \left(\frac{T}{T_0}\right)^{-\frac{3}{2}} = 1,6 \cdot 10^{-19} \cdot 1,668 \cdot 10^{20} \cdot 0,15 \left(\frac{400}{300}\right)^{-\frac{3}{2}} = 2,6 \Omega^{-1} \text{ m}^{-1}$$

### Exercice III

$$N_D = 10^{18} \text{ m}^{-3}$$

$$N_A = 10^{21} \text{ m}^{-3}$$

$$p_N = \frac{n_i'^2}{N_D} = \frac{1,209^2 \cdot 10^{20}}{10^{12}} = 1,46 \cdot 10^{-8} \text{ cm}^{-3}$$

$$n_p = \frac{n_i'^2}{N_A} = \frac{1,209^2 \cdot 10^{20}}{10^{15}} = 1,46 \cdot 10^5 \text{ cm}^{-3}$$

$$I_s = Sq \left( \frac{D_p p_N}{L_p} + \frac{D_n n_p}{L_n} \right)$$

$$D_p = 0,06 \cdot 25,875 \cdot 10^{-3} = 1,55 \cdot 10^{-3} \text{ m}^2/\text{s}$$

$$D_n = 0,15 \cdot 25,875 \cdot 10^{-3} = 3,88 \cdot 10^{-3} \text{ m}^2/\text{s}$$

$$L_p = \sqrt{D_p \tau} = \sqrt{1,55 \cdot 10^{-9}} = 39,37 \cdot 10^{-6} \text{ m}$$

$$I_s = 10^{-6} \cdot 1,6 \cdot 10^{-19} \cdot \left( \frac{1,55 \cdot 1,46 \cdot 10^{11}}{39,37 \cdot 10^{-6}} + \frac{3,88 \cdot 1,46 \cdot 10^8}{62,23 \cdot 10^{-6}} \right) = 9,2 \cdot 10^{-10} \text{ A}$$

$$2/ E = V_D + R \cdot I_D$$

$$I_D = I_s \cdot (\exp(V_D/U_T) - 1) = 10 \text{ mA}$$

$$V_D = U_T \cdot \ln\left(\frac{I_s + I_D}{I_s}\right) = 0,419 \text{ V}$$

$$R = \left(\frac{E - V_D}{I_D}\right) = 958 \Omega$$

3/ **A 400K**

$n_i' = 3,97 \cdot 10^{18} \text{ m}^{-3}$  d'après l'exercice 2



d'où

$$p_N = \frac{n_i^2}{N_D} = \frac{3,97^2 \cdot 10^{36}}{10^{18}} = 15,76 \cdot 10^{18} \text{ m}^{-3}$$

$$n_P = \frac{n_i^2}{N_A} = \frac{3,97^2 \cdot 10^{36}}{10^{21}} = 15,76 \cdot 10^{15} \text{ cm}^{-3}$$

$$U_T = \frac{1,38 \cdot 10^{-23} \cdot 400}{1,6 \cdot 10^{-19}} = 34,5 \text{ mV}$$

$$D_p = 0,06 \cdot 34,5 \cdot 10^{-3} = 2,07 \cdot 10^{-3} \text{ m}^2/\text{s}$$

$$D_n = 0,15 \cdot 34,5 \cdot 10^{-3} = 5,175 \cdot 10^{-3} \text{ m}^2/\text{s}$$

$$L_p = \sqrt{D_p \tau} = \sqrt{2,07 \cdot 10^{-3}} = 45,49 \cdot 10^{-6} \text{ m}$$

$$L_n = \sqrt{D_n \tau} = \sqrt{5,175 \cdot 10^{-3}} = 71,93 \cdot 10^{-6} \text{ m}$$

$$I_s = 10^{-6} \cdot 1,6 \cdot 10^{-19} \cdot \left( \frac{15,76 \cdot 2,07 \cdot 10^{15}}{45,49 \cdot 10^{-6}} + \frac{5,175 \cdot 15,76 \cdot 10^{12}}{71,93 \cdot 10^{-6}} \right) = 1,14 \cdot 10^{-4} \text{ A}$$

$$V_D = U_T \cdot \ln \left( \frac{I_s + I_D}{I_s} \right) = 0,154 \text{ V}$$

$$R = \left( \frac{E - V_D}{I_D} \right) = 984 \Omega$$

$$I_D' = 10,2528 \text{ mA} \quad (R = \text{cte} = 958 \Omega)$$

$$V_D' = 0,178 \text{ V}$$

$$V_R' = R I_D' = 958 \times 10,2528 = 9,822 \text{ V}$$

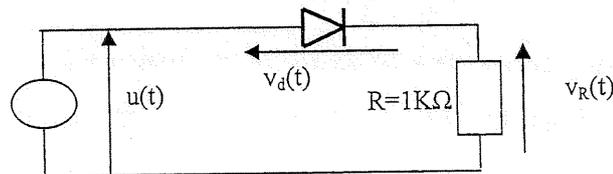
$$\frac{\Delta V_D}{\Delta T} = \frac{0,178 - 0,419}{400 - 300} = -0,0024 \text{ V/}^\circ\text{C}$$



## Correction de travaux dirigés d'électronique Série N°3

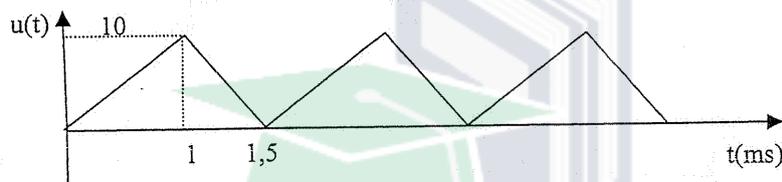
### Exercice I :

Une diode P<sup>+</sup>N est modélisée lorsqu'elle est passante par un générateur de tension de f.e.m  $V_d = 0.6V$  en série avec une résistance de valeur  $r_d = 50\Omega$ , et par une résistance infinie lorsqu'elle est bloquée, cette diode est utilisée dans le circuit suivant :



⚡ Déterminer dans chacun des cas suivants :

1.  $u(t)$  est un signal périodique comme représenté ci-après :



- Les tensions  $v_d(t)$  et  $v_R(t)$ , la tension  $V_R$  maximale dans le régime passant, les durées de blocage  $t_B$  et de conduction  $t_C$  de la diode et le rapport de la valeur moyenne et efficace de  $v_R(t)$ .

Le seuil de la diode étant  $0,6V$ . La diode passe de l'état bloquée à l'état passante si la tension  $u(t)$  dépasse  $0,6V$ .

- $u(t) < 0,6V \rightarrow$  diode bloquée  $\rightarrow I_d = 0A \rightarrow V_R = R I_d = 0V$  la loi des mailles impose  $u(t) = V_d(t) + V_R(t)$  donc  $V_d(t) = u(t)$
- $u(t) > 0,6V \rightarrow$  diode conduit  $\rightarrow V_d(t) = 0,6 + r_d I_d(t)$  et  $V_R(t) = u(t) - V_d(t) = R I_d(t)$

- Pour  $0 < t < 1ms$  :  $u(t) = a.t$  avec  $t$  en ms avec  $a = 10V/ms$

\* Pour  $0 < t < t_0 \rightarrow u(t) < 0,6V \rightarrow$  diode bloquée  $\rightarrow V_R(t) = 0V$  et  $V_d(t) = u(t)$

\* A  $t = t_0$  :  $u(t_0) = 0,6V = 10.t_0 = V_d(t_0)$  et  $t_0 = 0.06ms$

\* A  $t > t_0$  :  $0,6 + r_d I_d(t) + R I_d(t) = a.t \rightarrow I_d(t) = \left( \frac{a.t - 0,6}{r_d + R} \right)$

$$V_R(t) = R \cdot \left( \frac{a.t - 0,6}{r_d + R} \right) = 9,52.t - 0,57$$



et  $V_d(t) = at - R \left( \frac{a \cdot t - 0,6}{rd + R} \right) = 0,6 + r \cdot \left( \frac{a \cdot t - 0,6}{rd + R} \right) = 0,48 \cdot t + 0,57$

- At=1ms:  $V_R(1) = 9,52 \cdot 1 - 0,57 = 8,95V$

et  $V_d(1) = 0,48 \cdot 1 + 0,57 = 1,05V$

- Pour 1ms < t < 1,5ms

$u(t) = a' \cdot t + b$  avec  $u(1) = a' + b = 10$  et  $u(1,5) = a' \cdot 1,5 + b = 0$

d'où :  $a' = 10 - b$  et  $(10 - b) \cdot 1,5 + b = 0 \rightarrow 15 - 0,5b = 0 \rightarrow b = 30$  et  $a' = -20$

$u(t) = -20 \cdot t + 30$

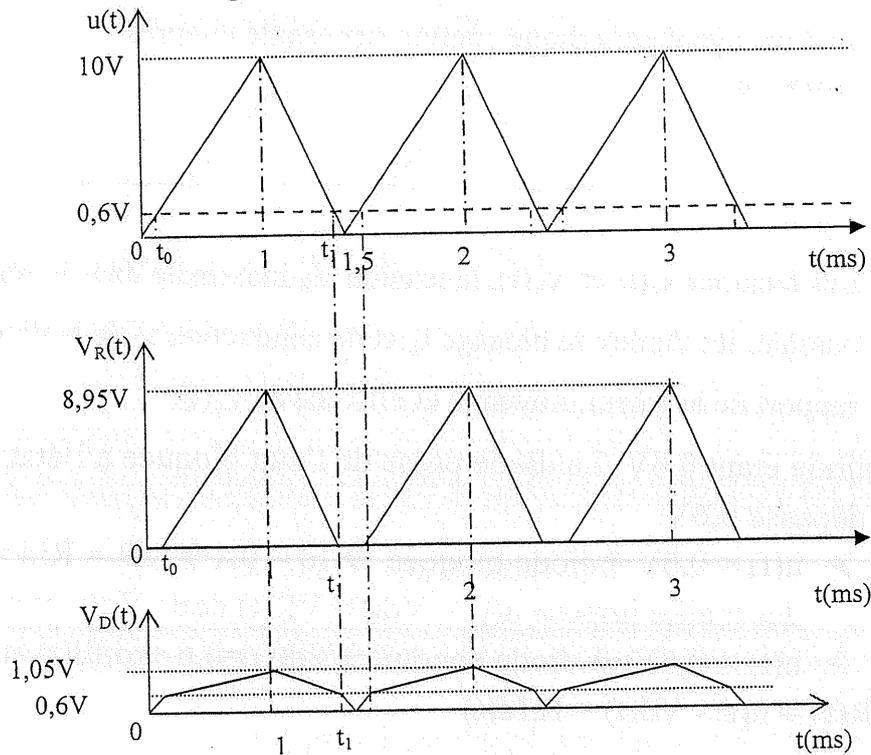
$V_R(t) = R \cdot \left( \frac{-20 \cdot t + 30 - 0,6}{rd + R} \right) = -19,05 \cdot t + 28$

$V_d(t) = -20 \cdot t + 30 + 19,05 \cdot t - 28 = -0,95 \cdot t + 2$

At = t<sub>1</sub>, V<sub>d</sub>(t<sub>1</sub>) = 0,6V et V<sub>R</sub>(t<sub>1</sub>) = 0V → t<sub>1</sub> = 1,47ms



La forme des signaux obtenus aux bornes de R et de D est :



Le temps de blocage est  $t_B = T - t_1 + t_0 = 0,03 + 0,06 = 0,09ms$

La durée de conduction est  $t_C = t_1 - t_0 = 1,41ms$

- La valeur moyenne est défini par:

$$V_{Rmoy} = \frac{1}{T} \int_0^T V_R(t) dt = \frac{1}{T} \left[ \int_{t_0}^1 (9,52t - 0,57) dt + \int_1^{t_1} (-19,05t + 28) dt \right] = 4,21V$$

$$V_{\text{Reff}} = \sqrt{\frac{1}{T} \int_0^T (V_R(t))^2 dt} = \sqrt{\frac{1}{T} \left[ \int_{t_0}^1 (9,52.t - 0,57)^2 dt + \int_1^{t_1} (-19,05t + 28)^2 dt \right]} = 5V$$

$$\frac{V_{\text{Reff}}}{V_{\text{Rmoy}}} = \frac{5}{4,21} = 1,187 = F$$

Cas sinusoidale:

$$u(t) = 10\sin 2\pi ft$$

On distingue 2 zones:

\*  $u(t) < 0,6V \rightarrow I_d(t) = 0A$ , diode bloquée donc  $V_R(t) = R \cdot I_d(t) = 0V$  et  $V_d(t) = u(t) = 10\sin 2\pi ft$

\*  $u(t) > 0,6V \rightarrow$  diode conductrice,  $0,6 + r_d \cdot I_d(t) + R \cdot I_d(t) = 10\sin 2\pi ft$   

$$\frac{10 \cdot \sin 2\pi ft - 0,6}{r_d + R} = I_d(t)$$

$$V_R(t) = R \cdot \frac{10 \cdot \sin 2\pi ft - 0,6}{r_d + R}$$

$$V_d(t) = 10 \cdot \sin 2\pi ft - R \cdot \frac{10 \cdot \sin 2\pi ft - 0,6}{r_d + R}$$

\* Pour  $t = t_0$ :  $u(t_0) = 10 \cdot \sin 2\pi ft_0 = 0,6V$

$$t_0 = \frac{1}{2\pi f} \arcsin\left(\frac{0,6}{10}\right) = 9,55\mu s$$

On appelle  $\Theta_0 = 2\pi ft_0$  angle d'ouverture

$$V_{R\text{max}} \text{ est obtenue pour } 2\pi ft = \frac{\pi}{2} \text{ donc } V_{R\text{max}} = R \cdot \frac{10 - 0,6}{r_d + R} = 8,95V$$

$$V_{d\text{max}} = 10 - 8,95 = 1,05V$$

La durée de conduction est  $t_C = T/2 - 2 \cdot t_0 = 0,5 - 2 \cdot (0,00955) = 0,4809ms$

La durée de blocage est  $t_B = T - t_C = 1 - 0,4809 = 0,5191ms$

$$V_{R\text{moy}} = \frac{1}{T} \int_0^T V_R(t) dt = \frac{1}{2\pi} \left[ \int_{\Theta_0}^{\pi - \Theta_0} \frac{R}{R + r_d} (10 \cdot \sin \theta - 0,6) d\theta \right]$$

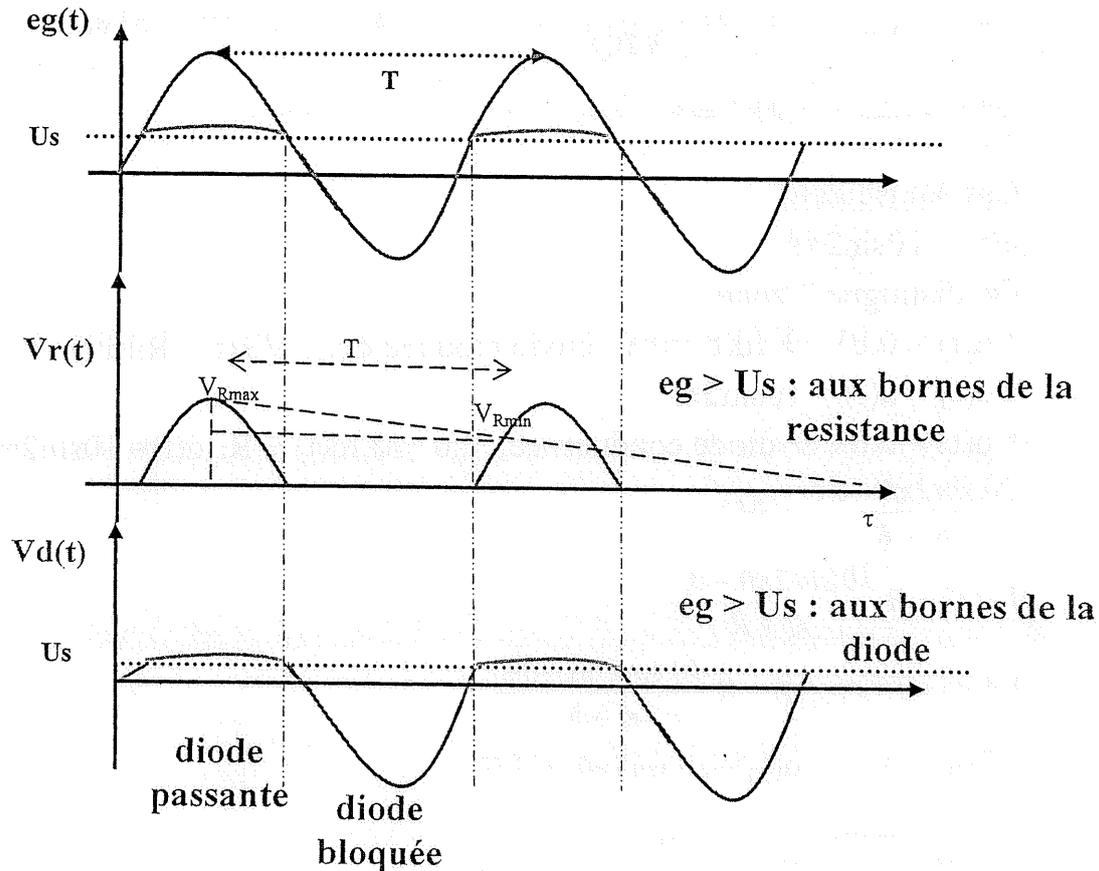
$$\frac{1}{T} \int_0^T V_R(t) dt = \frac{1}{2\pi} \left[ \int_{\Theta_0}^{\pi - \Theta_0} (9,52 \cdot \sin \theta - 0,571) d\theta \right] = 2,755V$$

$$V_{\text{Reff}} = \sqrt{\frac{1}{T} \int_0^T V_R(t)^2 dt} = \sqrt{\frac{1}{2\pi} \left[ \int_{\Theta_0}^{\pi - \Theta_0} [9,52 \cdot \sin \theta - 0,571]^2 d\theta \right]} = 4,7V$$

$$\Theta_0 = 0,06\text{rad}$$

$$\frac{V_{\text{Reff}}}{V_{\text{Rmoy}}} = \frac{4,7}{2,755} = 1,705 = F$$





Lorsqu'on branche en parallèle la capacité C avec la résistance.  $V_R(t)$  atteint son maximum  $V_{Rmax}$  à l'instant  $T/4$  et le condensateur garde sa charge alors que la tension  $u(t)$  diminue, la tension aux bornes de la diode devient négative elle devient bloquée. La capacité se décharge à travers à la résistance. Si on considère que à l'instant initial  $Vr(t_i) = V_{Rmax}$   
 $V_R(t) = V_{Rmax} \cdot \exp(t-T/4)/\tau$  à un instant  $t_1$ ,

$$V_R(t_1) = R \cdot \frac{10 \cdot \sin(2\pi f t_1) - 0,6}{r_d + R} = V_{Rmax} \exp\left(-\frac{(t_1 - \frac{T}{4})}{\tau}\right) \text{ on trouve } t_1 = 1.167\text{ms}$$

$$V_R(1.167) = 7.7\text{V} = V_{Rmin}$$

$$\eta = \frac{V_{Rmax} - V_{Rmin}}{V_{Rmax}} = \frac{8.95 - 7.7}{8.95} = 14,4\%$$

méthode approximative:

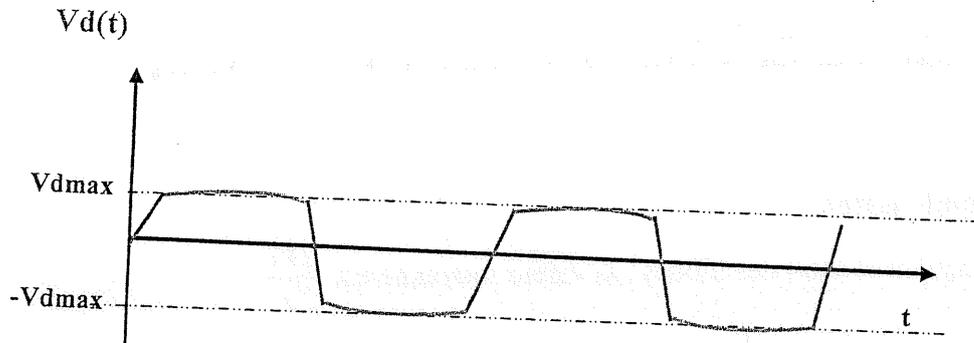
$$\eta = \frac{V_{Rmax} - V_{Rmin}}{V_{Rmax}} = \frac{T}{\tau} = 16,6\%$$

$$F = \sqrt{1 + \eta^2} = 1.013$$

Dans les deux cas, lorsque  $u(t)$  est  $<$  à  $0,6\text{V}$  la diode est bloquée et  $V_R(t) = 0\text{V}$  et  $V_d(t) = u(t)$

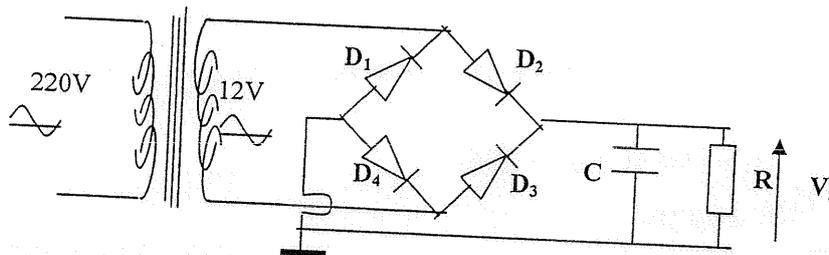


**Exercice II:** Ce montage est appelé limiteur, puisque la tension de sortie est limitée entre  $V_{dmax}$  et  $-V_{dmax}$ . Puisqu'on a les mêmes valeurs de l'exercice I,  $V_{dmax}$  est 1.05V



**Exercice III** Une alimentation stabilisée est constituée d'un transformateur 220V/12V(50Hz), d'un pont de diodes, d'un condensateur  $C = 10\mu F$ , d'une résistance  $R=1K \Omega$

1.



**Sans condensateur :**

L'alternance positive parcourt D2 passe par la résistance puis parcourt D4.  
L'alternance négative parcourt D3 passe par la résistance dans le même sens que précédemment puis parcourt D1.

On obtient donc aux bornes de R les deux alternances dans le même sens.  
L'amplitude des alternances est diminuée de  $2.U_s = 2.0,6=1,2V$ . Les 12V au secondaire du transformateur sont efficaces. Donc  $V_{sM} = 12 * \sqrt{2} - 1,2 = 15,77V$   
La durée de blocage  $t_B$  est diminuée par rapport à la simple alternance. La fréquence est doublée.

Le temps d'ouverture  $t_0$  est telle que :

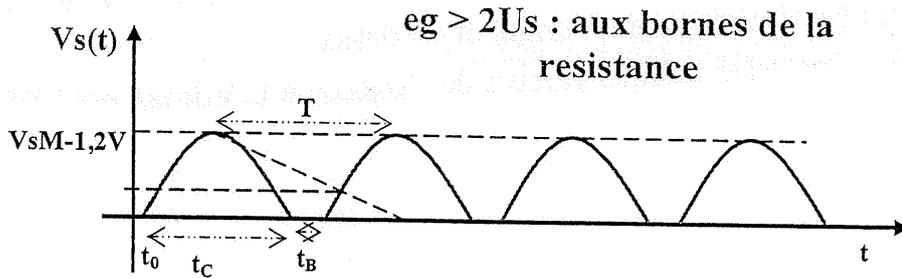
$$12 * \sqrt{2} \sin(100\pi t_0) = 1,2 \text{ d'où } t_0 = 225,3\mu s$$

$$\text{et } t_B = 2 * t_0 = 450,6\mu s \text{ et } t_C = T - t_B = 10 - 0,45 = 9,55ms$$

**Avec le condensateur :**

Lorsque la tension arrive à  $V_{sM}$  à l'instant  $T/2$  et le condensateur garde sa charge alors que la tension  $u(t)$  diminue, la tension aux bornes des diodes devient négative elles deviennent bloquées. La capacité se décharge à travers à la résistance.

2.



### Sans condensateur

En négligeant le seuil des diodes : la valeur moyenne est  $\frac{2.V_{sM}}{\pi}$

et la valeur efficace est  $\frac{V_{sM}}{\sqrt{2}}$



### Avec condensateur :

On ne peut pas utiliser la méthode approximative puisque la valeur de  $\tau$  est voisine de la période du signal :

On écrit alors la relation :

$$-V_{sM}.\sin(100.\pi.t_1) + 1,2 = (V_{sM}-1,2).\exp(-(t_1-T/2)/\tau)$$

On trouve  $t_1 = 11,827\text{ms}$  et  $V_{s\min} = 7,362\text{V}$

$$\eta = \frac{V_{s\max} - V_{s\min}}{V_{s\max}} = 49,5\%$$

Le facteur de forme est égale à  $F = \sqrt{1 + \eta^2} = 1,116$

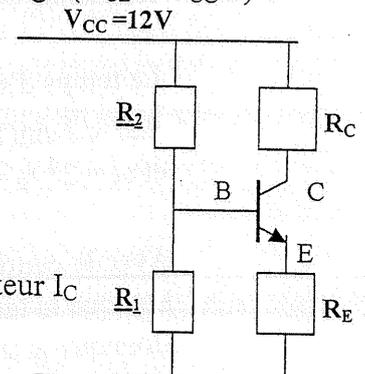
Ce taux important est dû à la fréquence qui reste faible par rapport au cas précédent. Le montage double alternance avec un transformateur à point milieu utilise deux diodes seulement, le seuil est donc celui d'une seule diode par alternance, le temps de blocage est :  $t_B = t_0$  et celui de conduction est  $t_C = T - t_0$ . L'amplitude de la tension fournie par le secondaire est divisée par 2.

### Exercice IV :

On souhaite polariser un transistor NPN au milieu de sa droite de charge ( $V_{CE} = V_{CC}/2$ ) à l'aide des résistances  $R_1$ ,  $R_2$ ,  $R_C$  et  $R_E$ .

Sachant que le gain en courant statique dans cette zone de fonctionnement est  $\beta = 200$ , la jonction base-émetteur possède un courant de saturation  $I_{SE} = 10^{-13}\text{A}$  et la différence de potentiel à ses bornes est  $V_{BE} = 0,64\text{V}$ .

1. Déterminer les valeurs des courants de base  $I_B$  et de collecteur  $I_C$



Le courant de base est calculé à l'aide de la relation du courant de diode de la jonction base - émetteur  $I_E = I_{SE} \cdot \left( \exp\left(\frac{V_{BE}}{U_T}\right) - 1 \right) = 5,52 \text{ mA}$  ( $U_T = 25.875 \text{ mV}$ )

$$I_C = \alpha \cdot I_E = \left( \frac{\beta}{\beta + 1} \right) \cdot I_E = \frac{200}{201} \cdot 5,52 = 5,492 \text{ mA}$$

$$I_B = \left( \frac{I_C}{\beta} \right) = \frac{5,492}{200} = 27,46 \mu\text{A}$$

2. En remplaçant, aux bornes de  $V_B$ , le pont  $R_1$  et  $R_2$  par le générateur de thevenin équivalent  $E_{th}$  en série avec sa résistance équivalente  $R_{th}$ . On obtient le circuit suivant :

$E_{th}$

$$E_{th} = \frac{R_1 \cdot V_{CC}}{R_2 + R_1} = \frac{10 \cdot 12}{11} = 10,9 \text{ V}$$

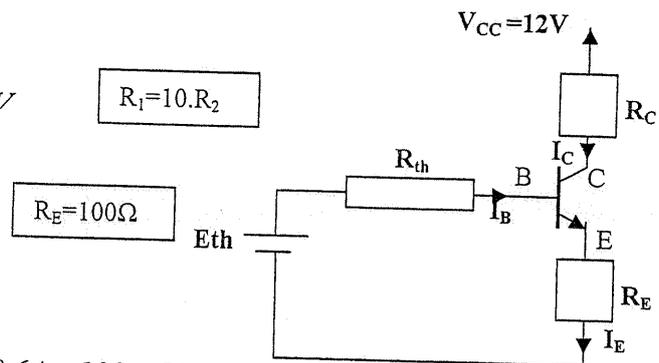
$$R_{th} = \frac{R_2 \cdot R_1}{R_2 + R_1} = \frac{R_1}{11}$$

Dans la maille :

$$E_{th} - R_{th} \cdot I_B - V_{BE} = R_E \cdot I_E$$

$$\text{D'où } 10,9 - \frac{R_{th}}{11} \cdot 0,274 \cdot 10^{-4} - 0,64 = 100 \cdot 5,52 \cdot 10^{-3}$$

$$R_{th} = \frac{(10,9 - 0,552 - 0,64) \cdot 11}{0,274 \cdot 10^{-4}} = 3,9 \text{ M}\Omega, \quad \text{Donc } R_2 = 390 \text{ K}\Omega$$



$$V_{CC} = R_C I_C + V_{CE} + R_E I_E \quad \text{d'où } R_C = \frac{(12 - 0,552 - 6)}{5,492 \cdot 10^{-3}} = 1 \text{ K}\Omega$$

3. On réécrit l'équation de la maille au niveau de la base en tenant compte de  $I_{CB0}$

$$E_{th} - R_{th} \cdot I_B - V_{BE} = R_E \cdot (\beta + 1) \cdot (I_B + I_{CB0})$$

$$I_C = (\beta + 1) \cdot (I_{CB0}) + \beta \cdot I_B \rightarrow I_B = \frac{I_C}{\beta} - \frac{(\beta + 1)}{\beta} \cdot (I_{CB0})$$

$$E_{th} - V_{BE} = (R_E \cdot (\beta + 1) + R_{th}) \cdot I_B + R_E \cdot (\beta + 1) \cdot I_{CB0}$$

$$E_{th} - V_{BE} = (R_E \cdot (\beta + 1) + R_{th}) \cdot \left( \frac{I_C}{\beta} - \frac{(\beta + 1)}{\beta} \cdot (I_{CB0}) \right) + R_E \cdot (\beta + 1) \cdot I_{CB0}$$

$$\left( R_E + \frac{R_{th}}{(\beta + 1)} \right) \cdot \Delta I_C = (R_E + R_{th}) \cdot \Delta I_{CB0}$$

$$\frac{\Delta I_C}{\Delta I_{CB0}} = \frac{(R_E + R_{th})}{\left( R_E + \frac{R_{th}}{(\beta + 1)} \right)}$$

$$\frac{\Delta I_C}{\Delta I_{CB0}} = \frac{(0,100 + 355)}{\left( 0,100 + \frac{355}{201} \right)} = 190$$



$$R_{th} = 355 \text{ K}\Omega$$

Sans  $R_E$  on aurait ce rapport  $= \beta + 1 = 201$ , Donc  $R_E$  diminue ce rapport, elle participe à la stabilisation de la température