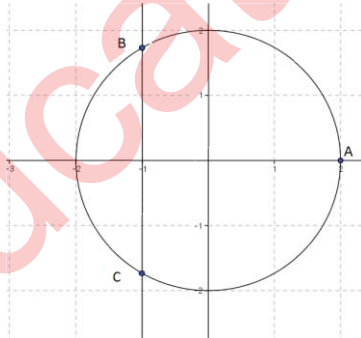
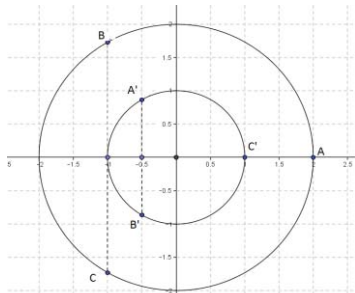


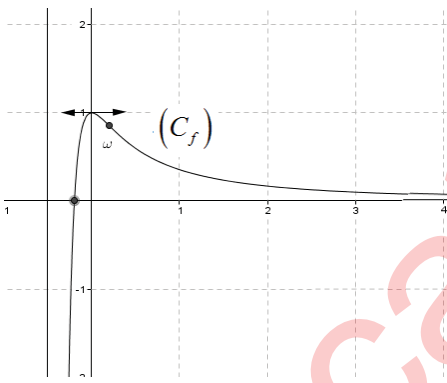
العلامة		عناصر الإجابة
مجموع	مجزأة	
الموضوع الأول		
التمرين الأول : (04 نقاط)		
00.50	0.25×2	$u_1 = \frac{7}{4}$ و $v_1 = \frac{11}{2}$ .
02.00	00.50	(2) $u_{n+2} - u_{n+1} = \frac{3}{4}(u_{n+1} - u_n)$ .
	00.75	ب) لدينا $u_1 - u_0 > 0$ . نفرض $u_{n+1} - u_n > 0$ ، و بالتالي: $\frac{3}{4}(u_{n+1} - u_n) > 0$ أي: $u_{n+2} - u_{n+1} > 0$ إذن من أجل كل عدد طبيعي $n$ ، $u_{n+1} - u_n > 0$ و $(u_n)$ متزايدة تماما .
	00.75	بنفس الطريقة نثبت أن $(v_n)$ متناقصة تماما .
00.75	0.25 0.25×2	(3) من أجل كل عدد طبيعي $n$ : $w_{n+1} = u_{n+1} - v_{n+1} = \frac{3}{4}w_n$ إذن: المتتالية $(w_n)$ هندسية . أساسها $\frac{3}{4}$ و حدها الأول $w_0$ حيث: $w_0 = -5$ .
00.75	0.25 0.25×2	(4) لدينا المتتالية $(u_n)$ متزايدة تماما والمتتالية $(v_n)$ متناقصة تماما و $\lim_{x \rightarrow +\infty} (u_n - v_n) = \lim_{x \rightarrow +\infty} w_n = \lim_{x \rightarrow +\infty} (-5)\left(\frac{3}{4}\right)^n = 0$ و منه المتتاليتين $(u_n)$ و $(v_n)$ متجاورتين .
التمرين الثاني: (04 نقاط)		
00.75	0.25×3	(1) الشعاعان $\overrightarrow{AB}(1, -2, 0)$ و $\overrightarrow{AC}(3, -5, -1)$ غير مرتبطين خطيا .
00.75	0.75	(2) تبين أنَّ المستويين $(P)$ و $(ABC)$ غير متوازيين . أي إثبات أن الشعاع $\vec{n}(1, -2, 2)$ (ناظم لـ $(P)$ ) غير عمودي على $\overrightarrow{AB}$ .
01.50	0.5×3	(3) التحقق أن الجملة المعطاة تمثيل وسيطي لـ $(ABC)$ . لدينا: $\begin{cases} 1 = -2 + \alpha - 3\beta \\ 1 = 6 - 2\alpha + 5\beta \\ -1 = \beta \end{cases}$ تكافئ $(\alpha, \beta) = (0, -1)$ و $\begin{cases} 2 = -2 + \alpha - 3\beta \\ -1 = 6 - 2\alpha + 5\beta \\ -1 = \beta \end{cases}$ تكافئ $(\alpha, \beta) = (1, -1)$ و $\begin{cases} 4 = -2 + \alpha - 3\beta \\ -4 = 6 - 2\alpha + 5\beta \\ -2 = \beta \end{cases}$ تكافئ $(\alpha, \beta) = (0, -2)$ . إذن الجملة تمثيل وسيطي لـ $(ABC)$

العلامة		عناصر الإجابة
مجموع	مجزأة	
01.00	00.50	(4) إيجاد تمثيل وسيطي لـ $(\Delta)$ : لدينا $-2 + \alpha - 3\beta - 2(6 - 2\alpha + 5\beta) + 2(\beta) - 3 = 0$ يكافئ: $\alpha = \frac{11}{5}\beta + \frac{17}{5}$ . $(\Delta) : \begin{cases} x = \frac{7}{5} - \frac{4}{5}\beta \\ y = -\frac{4}{5} + \frac{3}{5}\beta, (\beta \in \mathbb{R}) \\ z = \beta \end{cases}$
	00.50	
التمرين الثالث: (05 نقاط)		
01.00	0.25×4	I. $\Delta = -12$ و مجموعة حلول المعادلة المعطاة هي: $\{2; -1 + \sqrt{3}i; -1 - \sqrt{3}i\}$
02.00	0.25+0.5	II. أ) $z_B = 2e^{i\frac{2\pi}{3}}$ و بالتالي $z_C = \overline{z_B} = 2e^{-i\frac{2\pi}{3}}$ ب) لدينا: $ z_A  =  z_B  =  z_C  = 2$ أي: $OA = OB = OC = 2$ إذن : النقط: $A, B$ و $C$ تنتمي إلى الدائرة التي مركزها مبدأ المعلم $O$ وطول نصف قطرها 2. في إنشاء النقط نستعين بالدائرة والمستقيم ذو المعادلة: $x = -1$ .
	00.50 00.25	
	00.50	
02.00	00.50	2) أ) $S: z' = \frac{1}{2}e^{i\frac{2\pi}{3}} \cdot z$ $z_{C'} = 1, z_{B'} = e^{i\frac{4\pi}{3}}, z_{A'} = e^{i\frac{2\pi}{3}}$ الإنشاء: يستعان بالدائرة التي مركزها النقطة $O$ وطول نصف قطرها 1، أو استعمال خصائص وعناصر التشابه $S$ .
	3×0.25	
	00.25	
	2×0.25	ب) $S_{ABC} = 12\sqrt{3} \text{ cm}^2$ ومنه: $S_{A'B'C} = \frac{1}{4}S_{ABC} = 3\sqrt{3} \text{ cm}^2$

العلامة		عناصر الإجابة														
مجموع	مجزأة															
التمرين الرابع : (07 نقاط)																
01.25	00.25	<div><div><div><div><div><math>x</math></div><div><math>-\infty</math></div><div>1</div><div><math>+\infty</math></div></div><div><div><math>g(x)</math></div><div><math>-</math></div><div>0</div><div><math>+</math></div></div></div></div><div><div><div><div><math>x</math></div><div><math>-\infty</math></div><div>-1</div><div><math>+\infty</math></div></div><div><div><math>g(-x)</math></div><div><math>+</math></div><div>0</div><div><math>-</math></div></div></div></div></div> <div><div><math>g(1) = 0</math> . تعيين إشارة <math>g(x)</math> : استنتاج إشارة <math>g(-x)</math> .</div></div>														
	00.5															
	00.5															
01.00	4×0.25	<div><div>1) حساب نهايات: <math>\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty</math> ، <math>\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -2</math> ، <math>\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = +\infty</math> <math>\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = -\infty</math></div></div>														
01.00	00.50	<div><div>2) تبين أن المنحني <math>(\gamma)</math> الذي معادلته <math>y = e^{-x} - 2</math> و <math>(C_f)</math> متقاربان بجوار <math>(-\infty)</math> : <math>\lim_{x \rightarrow -\infty} (f(x) - (e^{-x} - 2)) = \lim_{x \rightarrow -\infty} -\frac{e}{x} = 0</math> دراسة الوضع النسبي للمنحني <math>(\gamma)</math> و <math>(C_f)</math> .</div></div>														
	00.50															
			<table><tr><td><math>x</math></td><td><math>-\infty</math></td><td>0</td><td><math>+\infty</math></td></tr><tr><td>الوضع النسبي لـ <math>(\gamma)</math> و <math>(C_f)</math></td><td><math>(\gamma)</math> فوق <math>(C_f)</math></td><td>  </td><td><math>(\gamma)</math> تحت <math>(C_f)</math></td></tr></table>	$x$	$-\infty$	0	$+\infty$	الوضع النسبي لـ $(\gamma)$ و $(C_f)$	$(\gamma)$ فوق $(C_f)$		$(\gamma)$ تحت $(C_f)$					
$x$	$-\infty$	0	$+\infty$													
الوضع النسبي لـ $(\gamma)$ و $(C_f)$	$(\gamma)$ فوق $(C_f)$		$(\gamma)$ تحت $(C_f)$													
00.50	00.50	<div><div>3) من أجل كل عدد حقيقي غير معدوم <math>x</math> لدينا : <math>f'(x) = \frac{-g(-x)}{x^2}</math> .</div></div>														
00.75	00.50	<div><div>4) إشارة <math>f'(x)</math> هي عكس إشارة <math>g(-x)</math> ومنه الدالة <math>f</math> متزايدة تماما على كل من المجالين <math>]0; +\infty[</math> و <math>]-1; 0[</math> ومتناقصة تماما على المجال <math>]-\infty; -1]</math> جدول تغيرات الدالة <math>f</math> .</div></div>														
	00.25		<table><tr><td><math>x</math></td><td><math>-\infty</math></td><td>-1</td><td>0</td><td><math>+\infty</math></td></tr><tr><td><math>f'(x)</math></td><td><math>-</math></td><td>0</td><td><math>+</math></td><td><math>+</math></td></tr><tr><td><math>f(x)</math></td><td><math>+\infty</math></td><td><math>2e-2</math></td><td><math>+\infty</math></td><td>-2</td></tr></table>	$x$	$-\infty$	-1	0	$+\infty$	$f'(x)$	$-$	0	$+$	$+$	$f(x)$	$+\infty$	$2e-2$
$x$	$-\infty$	-1	0	$+\infty$												
$f'(x)$	$-$	0	$+$	$+$												
$f(x)$	$+\infty$	$2e-2$	$+\infty$	-2												
01.50	00.5	<div><div>5) طريقة رسم <math>(\gamma)</math> : هو صورة منحنى الدالة <math>x \mapsto e^{-x}</math> بالانسحاب الذي شعاعه <math>-2j</math> و(منحنى الدالة <math>x \mapsto e^{-x}</math> هو نظير منحنى الدالة <math>x \mapsto e^x</math> بالنسبة الى محور الترتيب ) رسم المنحنيين <math>(\gamma)</math> و <math>(C_f)</math> في نفس المعلم.</div></div>														
	01.00															
01.00	00.50	<div><div>6) مساحة الحيز المستوي المحدد بالمنحنيين <math>(\gamma)</math> و <math>(C_f)</math> والمستقيمين اللذين معادليتهما <math>x = -e^{n+1}</math> و <math>x = -e^n</math> . <math>A(n) = \int_{-e^{n+1}}^{-e^n} (f(x) - (e^{-x} - 2)) dx = [-e \ln  x ]_{-e^{n+1}}^{-e^n} = e(u.a)</math> <math>I = A(0) + A(1) + \dots + A(2016) = 2017e(u.a)</math></div></div>														
	00.50															
	00.50															

العلامة		عناصر الإجابة
مجموع	مجزأة	
الموضوع الثاني		
التمرين الأول : (04 نقاط)		
1.250	00.25	(1) أ) $\overrightarrow{AB}$ و $\overrightarrow{AC}$ غير مرتبطين خطيا ومنه $A$ ، $B$ و $C$ تعين مستويا.
	00.5	ب) تعيين قيمة $\alpha$ حتى يكون $\vec{n}(1;\alpha;-1)$ شعاعاً ناظماً للمستوي $(ABC)$ : نجد $\alpha = -3$
	00.50	- المعادلة الديكارتية لـ $(ABC)$ هي : $x - 3y - z + 6 = 0$ .
01.00	00.25	(2) المستويين $(ABC)$ و $(P)$ متقاطعان وفق مستقيم $(\Delta)$ : $\vec{n}$ و $\vec{n}_P$ غير مرتبطين خطيا.
	00.25	التحقق أن النقطة $E(1;1;4)$ تنتمي إلى $(\Delta)$ : $E \in (ABC)$ و $E \in (P)$ .
	2×0.25	$\vec{u}(1;-2;7)$ شعاع توجيه لـ $(\Delta)$ : $\vec{u} \cdot \vec{n} = 0$ و $\vec{u} \cdot \vec{n}_P = 0$
01.00	00.25	(3) إحداثيات النقطة $G(-2;\frac{5}{2};-\frac{7}{2})$ .
	00.25	المجموعة $(\Gamma)$ هي المستوي الذي يشمل $G$ و $\overrightarrow{CB}$ ناظمي له.
	00.50	$2x + 2y - 4z - 15 = 0$ معادلة لـ $(\Gamma)$ .
00.75	00.50	(4) نقط تقاطع $(P)$ و $(ABC)$ و $(\Gamma)$
	00.25	$[(ABC) \cap (P)] \cap (\Gamma) = (\Delta) \cap (\Gamma) = \{H\}$
	00.25	و $H(\frac{1}{10};\frac{14}{5};-\frac{23}{10})$ .
التمرين الثاني : (04 نقاط)		
00.50	00.50	(I) $(u_n)$ ثابتة من أجل : $\alpha = 1$
01.50	4×0.25	(II) (1) أ) تمثيل الحدود $u_0, u_1, u_2, u_3$ (دون حساب الحدود) على حامل محور الفواصل.
	2×0.25	ب) التخمين: المتتالية $(u_n)$ متناقصة تماما و مقاربة نحو 1.
01.25	2×0.25	(2) أ) إثبات أن $(v_n)$ متتالية هندسية أساسها $\frac{1}{2}$ و حدها الأول هو : $v_0 = \frac{u_0 - 1}{u_0 + 1} = \frac{2}{3}$ .
	3×0.25	ب) $v_n = \frac{2}{3}(\frac{1}{2})^n$ ، $u_n = \frac{1 + \frac{2}{3}(\frac{1}{2})^n}{1 - \frac{2}{3}(\frac{1}{2})^n} = \frac{3 + 2(\frac{1}{2})^n}{3 - 2(\frac{1}{2})^n}$ ، $\lim_{n \rightarrow \infty} u_n = 1$
	00.50	(3) $S_n = v_n + v_{n+1} + \dots + v_{n+2016} = \frac{3}{4}(\frac{1}{2})^n \left[1 - \left(\frac{1}{2}\right)^{2017}\right]$
00.75	00.25	استنتاج بدلالة $n$ المجموع $S'_n$ : $S'_n = -\frac{1}{2}(S_n - 2017)$

العلامة		عناصر الإجابة							
مجموع	مجزأة								
التمرين الثالث: (05 نقاط)									
00.75	3×0.25	(1) العبارة المختصرة للتشابه $S: z_C - z_A = ke^{i\theta}(z_B - z_A)$ ومنه: نسبة التشابه $\sqrt{2}$ و $-\frac{\pi}{4}$ زاوية له.							
01.00	2×0.25 0.5	(2) $\frac{z_A - z_B}{z_C - z_B} = -i = e^{-i\frac{\pi}{2}}$ المثلث ABC متساوي الساقين و قائم في B.							
01.00	2×0.25 00.50	(3) $z_I = \frac{z_A + z_C}{2} = \frac{1}{2} - \frac{5}{2}i$ ، $z_G = \frac{z_A + z_B + z_C}{3} = \frac{2}{3} - \frac{4}{3}i$ تبيان أن النقط B ، G و I في استقامية: $\frac{z_G - z_I}{z_B - z_I} = \frac{1}{3}$ (تقبل أي طريقة أخرى)							
01.00	01.00	(4) - طبيعة الرباعي ABCD هو مربع							
01.25	00.50	(5) أ) نتحقق أن النقطة C تنتمي إلى $(\Gamma)$ : $\ \overrightarrow{CA}\  =  z_A - z_C  = 5\sqrt{2}$							
	00.50 00.25	ب) $\ \overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MC}\  = 5\sqrt{2}$ تكافئ $IM = \frac{5\sqrt{2}}{2}$ المجموعة $(\Gamma)$ هي الدائرة التي مركزها I ونصف قطرها $\frac{5\sqrt{2}}{2}$ .							
التمرين الرابع: (07 نقاط)									
01.00	0.25×2 0.25×2	(1) أ) $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 0$ و $\lim_{x \rightarrow -\frac{1}{2}} f(x) = -\infty$ المنحني يقبل مستقيمين مقاربين معادلتيهما $x = -\frac{1}{2}$ و $y = 0$ بجوار $+\infty$							
01.50	+00.50 00.25	(2) أ- من أجل كل $x$ من $]-\frac{1}{2}; +\infty[$ ، $f'(x) = \frac{-8\ln(2x+1)}{(2x+1)^3}$ وإشارتها							
	2×0.25 0.25	ب- اتجاه التغير: الدالة $f$ متزايدة تماما على المجال $]-\frac{1}{2}, 0]$ و متناقصة تماما على المجال $[0, +\infty[$ . - جدول التغيرات							
00.75	00.50	(3) حل في المجال $]-\frac{1}{2}; +\infty[$ المعادلة $f(x) = 0$ : $x = \frac{1}{2}\left(\frac{1}{\sqrt{e}} - 1\right)$ معناه $f(x) = 0$ إشارة $f(x)$ :							
	00.25	<table><tr><td><math>x</math></td><td><math>-\frac{1}{2}</math></td><td><math>\frac{1}{2}\left(\frac{1}{\sqrt{e}} - 1\right)</math></td><td><math>+\infty</math></td></tr><tr><td><math>f(x)</math></td><td>-</td><td>0</td><td>+</td></tr></table>	$x$	$-\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}\left(\frac{1}{\sqrt{e}} - 1\right)$	$+\infty$	$f(x)$	-	0
$x$	$-\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}\left(\frac{1}{\sqrt{e}} - 1\right)$	$+\infty$						
$f(x)$	-	0	+						

العلامة		عناصر الإجابة										
مجموع	مجزأة											
01.75	00.25	(4) من أجل كل $x$ من $]-\frac{1}{2}; +\infty[$ ، $f''(x) = \frac{16(-1+3\ln(2x+1))}{(2x+1)^4}$										
	00.25	$f''(x) = 0$ يكافئ: $x = \frac{e^{\frac{1}{3}}-1}{2}$										
	00.25	<table><tr><td><math>x</math></td><td><math>-\frac{1}{2}</math></td><td><math>\frac{e^{\frac{1}{3}}-1}{2}</math></td><td><math>+\infty</math></td></tr><tr><td><math>f''(x)</math></td><td>-</td><td>0</td><td>+</td></tr></table>	$x$	$-\frac{1}{2}$	$\frac{e^{\frac{1}{3}}-1}{2}$	$+\infty$	$f''(x)$	-	0	+		
	$x$	$-\frac{1}{2}$	$\frac{e^{\frac{1}{3}}-1}{2}$	$+\infty$								
	$f''(x)$	-	0	+								
00.25	إذن المنحنى $(C_f)$ يقبل نقطة انعطاف $\omega$ إحداثياتها : $(\frac{e^{\frac{1}{3}}-1}{2}; \frac{5}{3}e^{-\frac{2}{3}})$ إنشاء المنحنى $(C_f)$ .											
00.75												
01.50	00.25	II ( 1 أ- من أجل كل $x$ من $]-\frac{1}{2}; +\infty[$ ، $g'(x) = \frac{2(1-2x)}{(2x+1)}$										
	2×0.25	$g$ متزايدة تماما على المجال $]-\frac{1}{2}; \frac{1}{2}[$ و متناقصة تماما على المجال $[\frac{1}{2}; +\infty[$										
	00.50	ب- المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلين أحدهما معدوم والآخر $\alpha$ حيث: $1, 2 < \alpha < 3$ .										
	00.25	ج- إشارة $g(x)$ : <table><tr><td><math>x</math></td><td><math>-\frac{1}{2}</math></td><td>0</td><td><math>\alpha</math></td><td><math>+\infty</math></td></tr><tr><td><math>g(x)</math></td><td>-</td><td>0</td><td>+</td><td>-</td></tr></table>	$x$	$-\frac{1}{2}$	0	$\alpha$	$+\infty$	$g(x)$	-	0	+	-
$x$	$-\frac{1}{2}$	0	$\alpha$	$+\infty$								
$g(x)$	-	0	+	-								
00.50	00.25	(2) اثبات أن: من أجل كل $x \geq \frac{3}{2}$ ، $0 < f(x) < \frac{1}{2x+1}$										
	00.25	من أجل كل $x \geq \frac{3}{2}$ ، $f(x) - \frac{1}{2x+1} = \frac{g(x)}{(2x+1)^2}$ و منه $0 < f(x) < \frac{1}{2x+1}$										
	00.25	لدينا $0 < I_n < \frac{1}{2} \ln\left(\frac{2n+3}{2n+1}\right)$ و بالتالي: $\lim_{n \rightarrow +\infty} I_n = 0$										