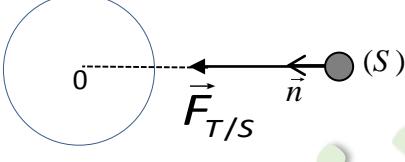


العلامة	عنصر الإجابة (الموضوع الأول)
مجموع	جزء الأول (13 نقطة) التمرين الأول: (04 نقاط)
0,25	
0,75	<p>الجملة المدرosa هي الجسم (S) والقوى المطبقة هي:</p> <ul style="list-style-type: none"> - قوة ثقل الجسم \vec{P} ، قوة توتر النابض \vec{T}_0. $\sum \vec{F}_{ext} = \vec{0} \Leftrightarrow \vec{P} + \vec{T}_0 = \vec{0}$ $P - T_0 = 0 \rightarrow mg - kx_0 = 0 \rightarrow x_0 = \frac{m \cdot g}{k}$
0,25	<p>(2) المعادلة التقاضية: بتطبيق القانون الثاني لنيوتون على الجملة جسم (S) في المرجع السطحي الأرضي المعتبر غاليليا</p> $\sum \vec{F} = m \cdot \vec{a}$ $\vec{P} + \vec{T} = m \cdot \vec{a} \Rightarrow p - T = m \cdot a$ $mg - k(x + x_0) = m \cdot a \Rightarrow mg - x_0 - kx = m \cdot a$ $mg - x_0 = 0 \rightarrow -k \cdot x = m \cdot a \Rightarrow \frac{d^2 x}{dt^2} + \frac{k}{m} x = 0$ $\frac{d^2 x}{dt^2} + \frac{k}{m} \cdot x = 0 \dots\dots\dots(1)$ <p>ب- إثبات أن العبارة $x(t) = X_m \cos\left(\sqrt{\frac{k}{m}} \cdot t + \varphi\right)$ هي حل للمعادلة التقاضية:</p> $a = \ddot{x} = \frac{dv}{dt} = \frac{d^2 x}{dt^2} = -X_m \left(\sqrt{\frac{k}{m}}\right)^2 \cos\left(\sqrt{\frac{k}{m}} t + \varphi\right) \dots\dots\dots(4)$ <p>وبالتعميض في عبارة المعادلة التقاضية (1) نجد:</p> $-X_m \cdot \left(\sqrt{\frac{k}{m}}\right)^2 \cos\left(\sqrt{\frac{k}{m}} \cdot t + \varphi\right) + \frac{k}{m} \cdot X_m \cos\left(\sqrt{\frac{k}{m}} \cdot t + \varphi\right) = 0$
0,25	

العلامة	عنصر الإجابة (الموضوع الأول)
مجموع	جزء
	<p>(3) أ- برهنة عبارة الطاقة الحركية الأعظمية:</p> $E_c = \frac{1}{2} m \cdot v^2, \quad v = -X_m \cdot \omega_0 \cdot \sin(\omega_0 t + \varphi)$ $v_m = \pm X_m \cdot \omega_0 \Rightarrow (E_c)_{\max} = \frac{1}{2} m \cdot \omega_0^2 \cdot X_m^2$ <p>ب- تحديد قيم الثوابت: من البيان نجد: - المطال الأعظمي: $X_m = 4\text{cm}$ - الطاقة الحركية العظمى: $(E_c)_{\max} = 0,008\text{J}$ - نبض الحركة $\omega_0 = \sqrt{\frac{2 \times (E_c)_{\max}}{m \cdot X_m^2}} = \sqrt{\frac{8 \times 10^{-3} \times 2}{0,1 \times 16 \times 10^{-4}}} = 10\text{rd/s}$: $\omega_0 = 10\text{rd/s}$ - قيمة الدور الذاتي $T_0 = \frac{2\pi}{\omega_0} = \frac{2\pi}{10} = 0,628\text{s}$: $T_0 = 0,628\text{s}$ - قيمة ثابت المرونة k: من العبارة $k = m \cdot \omega_0^2 = 0,1 \times 100 = 10\text{N/m}$</p>
1,5	<p>(4) المعادلة الزمنية للحركة: لدينا: $X_m = 4\text{cm}$ ، $\omega_0 = 10\text{rd/s}$ الشروط الابتدائية $x(t) = 0,04 \cos(10t)$ و منه: $t = 0, x = X_m \Rightarrow \cos \varphi = 1 \Rightarrow \varphi = 0$</p>
0,5	<p>التمرين الثاني: (04 نقاط) التجربة الأولى: (1) كيفية ربط جهاز راسم الاهتزاز: لاحظ الشكل ملاحظة: تقلب إشارة المدخل Y_2.</p>
0,25	
0,25	<p>(2) المنحني (a) يوافق تطور التوتر $u_C(t)$. التعليق: في اللحظة $t = 0$, $u_R(0) = E$, حيث $u_C(0) = 0$ يكون: $E = u_R + u_C$ و حسب قانون جمع التوترات: $u_C(0) = 0$ يكون: $E = u_R$. المنحني (b) يوافق تطور التوتر $u_R(t)$.</p>
0,50	<p>التعليق: في اللحظة $t = 0$, $u_R(0) = (u_R)_{\max} = E$ و حسب العلاقة $u_R(t) = R \cdot i(t)$ فإن $i(0) = I_0$. (قبل كل الإجابات الصحيحة الأخرى).</p>

العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الأول)
مجموع	جزء	
1		<p>(أ) عبارتي t_1 و t_2 : (3)</p> <p>من معادلة البيان (a) : $u_C(t) = E \cdot (1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$</p> <p>$t_1 = -\tau \cdot \ln 0,6$ و منه: $t_1 \longrightarrow u_C(t_1) = E \cdot (1 - e^{-\frac{t_1}{\tau}}) = 0,40E$</p> <p>$t_2 = -\tau \cdot \ln 0,1$ و منه: $t_2 \longrightarrow u_C(t_2) = E \cdot (1 - e^{-\frac{t_2}{\tau}}) = 0,90E$</p> <p>بـ التحقق من أن $\tau = t_2 - t_1 \approx 1,79\tau$ وحساب قيمة τ واستنتاج قيمة R :</p> <p>من عبارتي t_1 و t_2 السابقتين نجد: $\Delta t = \tau(\ln 0,6 - \ln 0,1) = 1,79\tau$</p> <p>من البيان (a) نقرأ: $t_1 = 5ms$ و $t_2 = 23ms$</p> <p>و منه: $\tau = 10ms$ (تقبل الإجابة بتوظيف العبارة Δt فقط).</p> <p>قيمة R: بالتعريف $R = \frac{\tau}{C}$ و منه: $R = 10 \times 10^3 \Omega = 10k \Omega$</p>
	0,25	
	0,25	
	0,25	
	0,25	
	0,25	
0,75		<p><u>التجربة الثانية:</u></p> <p>(1) نمط الاهتزازات في كل حالة:</p> <ul style="list-style-type: none"> * المنحنى (α): اهتزاز حرة غير متاخمة (نظام دوري). التعليق: سعة الاهتزاز ثابتة (لا يوجد ضياع في طاقة الجملة). * المنحنى (β): اهتزاز حرة متاخمة (نظام شبه دوري). التعليق: سعة الاهتزاز تتراقص خلال الزمن (يوجد ضياع في طاقة الجملة في مقاومة الدارة بمفعول جول). * المنحنى (γ): نظام لا دوري حرج. التعليق: لا توجد اهتزازات.
	0,25	
	0,25	
	0,25	
	0,25	
	0,25	
0,25		<p>(2) البيان الموفق لكل مقاومة: اعتمادا على ما سبق يوافق:</p> <ul style="list-style-type: none"> * المنحنى (α): المقاومة $R' = 0$. * المنحنى (β): المقاومة $R' = 100\Omega$. * المنحنى (γ): المقاومة $R' = 5000\Omega$.
	0,25	
	0,25	
	0,25	
	0,25	
	0,25	
01,25		<p>(3) المعادلة التفاضلية لتطور التوتر (t) u_C من أجل $R' = 0$:</p> <p>بنطبيق قانون تجميع التوترات في الدارة المهزبة (LC): $u_C(t) + u_L(t) = 0$</p> <p>$u_L(t) = L \cdot \frac{di(t)}{dt} = L \cdot \frac{d^2q(t)}{dt^2} = LC \cdot \frac{d^2u_C(t)}{dt^2}$ لكن:</p> <p>$\frac{d^2u_C(t)}{dt^2} + \frac{1}{LC} \cdot u_C(t) = 0$ أو $u_C(t) + LC \cdot \frac{d^2u_C(t)}{dt^2} = 0$ و منه:</p>
	0,25	
	0,25	
	0,25	
	0,25	
	0,25	

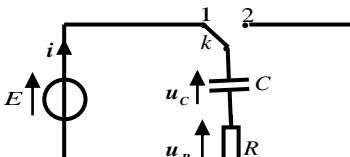
العلامة	مجموع	عناصر الإجابة (الموضوع الأول)
مجازأة		ب- عبارتي الثابتين A و B بدلالة مميزات الدارة (LC) :
0,25		$\frac{d^2 u_C(t)}{dt^2} = -A \cdot B^2 \cdot \cos Bt \quad \text{و منه: } u_C(t) = A \cdot \cos Bt$
0,25		$A \cdot \left(\frac{1}{LC} - B^2 \right) \cos Bt = 0$
0,25		المعادلة محققة من أجل: $B = \frac{1}{\sqrt{LC}}$ و منه: $\frac{1}{LC} - B^2 = 0$
0,25		في اللحظة $t = 0$ ، المكثفة مشحونة تماماً، وبالتالي: $A = E$ و $u_C(0) = A \cdot \cos(B \cdot 0) = E$ و منه:
0,25		ج- قيمتي الدور الذاتي T_0 للاهتزازات والذاتية L للوشيعة: $T_0 = 1,25 \times 10^{-3} s$ و منه: $2T_0 = 2,5 ms$
0,25		بالتعريف: $T_0 = 2\pi \cdot \sqrt{LC}$ و منه:
0,25		$L = \frac{T_0^2}{4\pi^2 \cdot C} = 0,04 H = 40 mH$
0,25	0,5	التمرين الثالث: (06 نقاط)
0,25		1) العبارة الشعاعية لقوة الجذب: $\vec{F}_{T/S} = G \cdot \frac{m_s \cdot M_T}{(R_T + h)^2} \cdot \vec{n}$
0,25		التمثيل:
0,25		
0,25		أ- العبارة الحرفية للسرعة المدارية:
0,25		بتطبيق القانون الثاني لنيوتون على الجملة (قمر اصطناعي) في المرجع المختار:
0,25		$\sum \vec{F}_{ext} = m \cdot \vec{a}_n = \vec{F}_{T/S}$
0,25		$a_n = \frac{G \cdot M_T}{(R_T + h)^2} \quad \dots \dots \dots (1)$ وبالإسقاط على المحور الموجه نجد: $m_s \cdot \vec{a}_n = G \cdot \frac{m_s \cdot M_T}{(R_T + h)^2} \cdot \vec{n}$
0,25		من جهة أخرى نعلم أن (2) $a_n = \frac{v^2}{r}$ حيث نصف القطر $r = R_T + h$
0,25		من (1) و (2) نجد: $v_s = \sqrt{\frac{G \cdot M_T}{(R_T + h)}}$ و منه $v_s^2 = \frac{G \cdot M_T}{(R_T + h)}$
0,25		قيمة سرعة القمر الاصطناعي: $v_s = \sqrt{\frac{6,67 \times 10^{-11} \times 5,972 \times 10^{24}}{(23616 + 6371) \times 10^3}} = 3644,65 m/s$
0,25		ب- عباره الدور T و حساب قيمته:
0,25		$T = \frac{2\pi \cdot (R_T + h)}{v}$
0,25		$T = \frac{2\pi \times 29987000}{3644,65} \approx 51670 s \approx 14,35 h$
0,25		ج- القمر الاصطناعي المستعمل في التموضع ليس جيومستقرًا.
0,25	0,25	1-II) المعادلة المنفذة لتحول البلوتونيوم:

العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الأول)
مجموع	مجزأة	
0,5	0,25	<p>(2) المعادلة التقاضلية بعدد الأنوية المتفككة : N_d</p> <p>من قانون التناقص: $N(t) = N_0 - N_d(t)$ مع $A(t) = -\frac{dN(t)}{dt} = -\lambda \cdot N(t)$</p> <p>وبالتعويض في العبارة السابقة نجد:</p> $\frac{d(N_0 - N_d(t))}{dt} + \lambda \cdot (N_0 - N_d(t)) = 0 \rightarrow \frac{dN_d(t)}{dt} + \lambda \cdot N_d(t) = \lambda \cdot N_0$
	0,25	
0,75	0,25	<p>(3) ايجاد عبارة الثوابت A و B :</p> <p>وبالتعويض في المعادلة التقاضلية نجد:</p> $\frac{dN_d(t)}{dt} = -\alpha \cdot A \cdot e^{-\alpha t} \quad N_d(t) = A \cdot e^{-\alpha t} + B$ $-\alpha \cdot A \cdot e^{-\alpha t} + \lambda(A \cdot e^{-\alpha t} + B) = \lambda \cdot N_0 \Rightarrow A \cdot e^{-\alpha t} (\lambda - \alpha) + \lambda(B - N_0) = 0$ <p>ومنه: $\alpha = \lambda$ (ثابت النشاط الإشعاعي) ؛ $B = -A = N_0$ (عدد الأنوية الابتدائية)</p>
	0,25	<p>(4) أ- المعادلة البيانية: (1).....</p> $\frac{dN_d(t)}{dt} = a \cdot N_d + b$
	0,25	<p>من عبارة المعادلة التقاضلية لدينا: (2)</p> $\frac{dN_d(t)}{dt} = -\lambda \cdot N_d + \lambda N_0 \dots \dots \dots (2)$
	0,25	$\left. \begin{array}{l} a = -\lambda = \tan \alpha = \frac{-6 \times 10^{10}}{2,4 \times 10^{20}} = -2,5 \times 10^{-10} s^{-1} \rightarrow \lambda = 2,5 \times 10^{-10} s^{-1} \\ b = \lambda \cdot N_0 = 6 \times 10^{10} \Rightarrow N_0 = \frac{b}{\lambda} = \frac{6 \times 10^{10}}{2,5 \times 10^{-10}} = 2,4 \times 10^{20} noyaux \end{array} \right\}$ <p>من (1) و (2) نجد:</p>
1,5	0,25	<p>ب- زمن نصف العمر : $t_{1/2}$</p> <p>التعريف: المدة الزمنية اللازمة لتفكك نصف عدد الأنوية الابتدائية المشعة.</p> <p>حساب: $t_{1/2} = \frac{\ln 2}{\lambda} = \frac{0.69}{2,5 \times 10^{-10}} = 2,76 \times 10^9 s = 87,52 ans$: $t_{1/2}$</p>
	0,25	
01	0,25	<p>(5) أ- حساب الطاقة الكلية الناتجة عن التفکك الكلي للكتلة m :</p> <p>طاقة المحررة من تفکك نواة واحدة: $E_0 = (m(Pu) - m(U) - m(He))C^2$</p> $E_0 = 4,87 MeV = 7,8 \times 10^{-13} J$
	0,25	<p>لدينا: $E_T = N_0 \cdot E_0 = \frac{m \cdot N_A}{M} \cdot E_0 = \frac{1,2 \times 10^3 \times 6,023 \times 10^{23}}{238} \times 7,8 \times 10^{-13} = 2,37 \times 10^{12} J$</p>
	0,25	<p>ب- تحديد مدة اشتغال البطارية:</p>
	0,25	<p>من عبارة الاستطاعة $r = \frac{P_e}{P_T} = 0,6 \Rightarrow P_T = \frac{P_e}{r} = \frac{888}{0,6} = 1480 W$</p>
	0,25	$\left. \begin{array}{l} P_T = \frac{E_T}{\Delta t} \Rightarrow \Delta t = \frac{E_T}{P_T} \\ \Delta t = \frac{2,37 \times 10^{12}}{1480} = 1,6 \times 10^9 s = 50,7 ans \end{array} \right\}$ <p>من عبارة المردود</p>

العلامة	عنصر الإجابة (الموضوع الأول)																									
مجموع	جزء																									
	<p>التمرين التجاري: (06 نقاط)</p> <p>(I) أ- معادلة التفاعل: $CH_3CO_2H(\ell) + H_2O(\ell) = CH_3CO_2^-(aq) + H_3O^+(aq)$</p> <p>ب- التفاعل السابق تم بين: حمض ثنائية وأساس ثنائية أخرى.</p> <p>ج- التركيز المولى c للمحلول (S):</p> $c = \frac{n_0}{V} = \frac{m}{M \cdot V} = 10^{-2} mol \cdot L^{-1}$ <p>بالتعريف:</p> <p>أ- جدول تقدم التفاعل:</p> <table border="1"> <thead> <tr> <th colspan="2">م. التفاعل</th> <th colspan="3">كميات المادة (mol)</th> </tr> <tr> <th>الحالة</th> <th>$x (mol)$ التقدم</th> <th>n_0</th> <th>x</th> <th>x_f</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>الابتدائية</td> <td>0</td> <td>n_0</td> <td>0</td> <td>0</td> </tr> <tr> <td>الانتقالية</td> <td>x</td> <td>$n_0 - x$</td> <td>x</td> <td>x</td> </tr> <tr> <td>النهائية</td> <td>x_f</td> <td>$n_0 - x_f$</td> <td>x_f</td> <td>x_f</td> </tr> </tbody> </table> <p>ب- عبارة σ بدلالة $\lambda_{CH_3CO_2^-}$ و $\lambda_{H_3O^+}$:</p> $\sigma = \sum \lambda_{X_i} \cdot [X_i] = \lambda_{H_3O^+} \cdot [H_3O^+]_f + \lambda_{CH_3CO_2^-} \cdot [CH_3CO_2^-]_f$ <p>بالتعريف:</p> $[H_3O^+]_f = \frac{\sigma}{\lambda_{H_3O^+} + \lambda_{CH_3CO_2^-}}$ <p>من الجدول:</p> <p>ج- استنتاج قيمة الـ pH للمحلول الحمضي (S):</p> $pH = -\log [H_3O^+] = -\log \left(\frac{\sigma}{\lambda_{H_3O^+} + \lambda_{CH_3CO_2^-}} \right)$ <p>و منه:</p> $pH = -\log \left(\frac{1,64 \times 10^{-2}}{(35,0 + 4,1) \times 10^{-3} \times 10^3} \right) = 3,4$ <p>أ- عبارة كسر التفاعل النهائي $Q_{r,f}$ للتفاعل الحادث في المحلول (S):</p> $Q_{r,f} = \frac{[H_3O^+]_f \cdot [CH_3CO_2^-]_f}{[CH_3CO_2H]_f}$ <p>بالتعريف:</p> $Q_{r,f} = \frac{10^{-2pH}}{C - 10^{-pH}}$ <p>- إثبات أن:</p> <p>من جدول التقدم لدينا:</p> $[CH_3CO_2H]_f = C - [H_3O^+]_f \quad \text{و} \quad [H_3O^+]_f = [CH_3CO_2^-]_f$ <p>و منه:</p> $Q_{r,f} = \frac{[H_3O^+]_f^2}{C - [H_3O^+]_f} = \frac{10^{-2pH}}{C - 10^{-pH}}$ <p>ب- ثابت التوازن K للتفاعل: بالتعريف:</p> $K = Q_{r,f} = \frac{10^{-2pH}}{C - 10^{-pH}}$ <p>و منه: $K = \frac{10^{-2 \times 3,4}}{10^{-2} - 10^{-3,4}} = 1,65 \times 10^{-5}$</p> <p>الاستنتاج: التفاعل غير تام $(K < 10^4)$.</p>	م. التفاعل		كميات المادة (mol)			الحالة	$x (mol)$ التقدم	n_0	x	x_f	الابتدائية	0	n_0	0	0	الانتقالية	x	$n_0 - x$	x	x	النهائية	x_f	$n_0 - x_f$	x_f	x_f
م. التفاعل		كميات المادة (mol)																								
الحالة	$x (mol)$ التقدم	n_0	x	x_f																						
الابتدائية	0	n_0	0	0																						
الانتقالية	x	$n_0 - x$	x	x																						
النهائية	x_f	$n_0 - x_f$	x_f	x_f																						
0,75	<p>0,25</p> <p>0,25</p> <p>0,25</p>																									
1,25	<p>0,25</p> <p>0,25</p> <p>0,25</p> <p>0,25</p>																									
1,25	<p>0,25</p> <p>0,25</p> <p>0,25</p> <p>0,25</p>																									

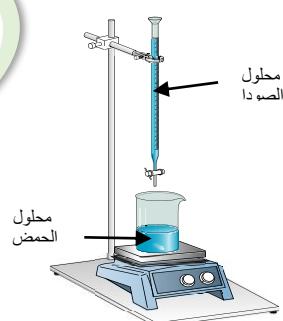
العلامة	عنصر الإجابة (الموضوع الأول)										
مجموع	جزء										
0,5	<p>(II) التحول الحادث في المزيج: تحول أسترة. خصائصه: غير تام (محدود أو عكوس) ، لا حراري ، بطيء.</p>										
0,25	<p>(2) معادلة التفاعل المنذج للتحول الحادث:</p> $CH_3CO_2H(l) + C_3H_7OH(l) \rightarrow CH_3CO_2C_3H_7(l) + H_2O(l)$										
01	<p>(3) أ- التركيب المولي للمزيج في حالة التوازن الكيميائي:</p> <table border="1"> <thead> <tr> <th>النوع الكيميائي</th> <th>CH_3CO_2H</th> <th>C_3H_7OH</th> <th>$CH_3CO_2C_3H_7$</th> <th>H_2O</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>كمية المادة (ح. التوازن) (mol)</td> <td>0,08</td> <td>0,08</td> <td>0,12</td> <td>0,12</td> </tr> </tbody> </table> <p>ب- المردود: $r = \frac{n_f(CH_3CO_2C_3H_7)}{n_0(CH_3CO_2H)} \times 100 = 60\%$</p> <p>و منه صيغة الكحول $.CH_3-CHOH-CH_3$ هي C_3H_7-OH</p> <p>ج- الصيغة نصف المنشورة للمركب الناتج واسمها: $CH_3CO_2CH(CH_3)_2$ إيثانوات 1- ميثيل الإيثيل.</p>	النوع الكيميائي	CH_3CO_2H	C_3H_7OH	$CH_3CO_2C_3H_7$	H_2O	كمية المادة (ح. التوازن) (mol)	0,08	0,08	0,12	0,12
النوع الكيميائي	CH_3CO_2H	C_3H_7OH	$CH_3CO_2C_3H_7$	H_2O							
كمية المادة (ح. التوازن) (mol)	0,08	0,08	0,12	0,12							
01	<p>(4) أ- جهة تطور الجملة:</p> <p>بعد إضافة $0,1mol$ من الماء يصبح:</p> $Q_{r,i} = \frac{[CH_3CO_2CH(CH_3)_2]_i \cdot [H_2O]_i}{[CH_3CO_2H]_i \cdot [(CH_3)_2CHOH]_i}$ $Q_{r,i} = \frac{0,12 \times 0,22}{0,08 \times 0,08} = 4,125$ <p>$Q_{r,i} > K$ و منه: حالة الجملة تتتطور باتجاه التفاعل غير المباشر.</p> <p>(قبل الإجابة: تتطور بجهة تشكيل الحمض والكحول).</p> <p>ب- التركيب المولي عند التوازن الجديد:</p> $K = 2,25 = \frac{(0,12 - x_f) \times (0,22 - x_f)}{(0,08 + x_f)^2}$ $1,25x_f^2 - 0,7x_f - 0,012 = 0 \Rightarrow x_f = 0,0168mol \approx 0,017mol$ <p>و منه: $x_f = 0,0168mol \approx 0,017mol$</p> <p>إدن:</p> <table border="1"> <thead> <tr> <th>النوع الكيميائي</th> <th>CH_3CO_2H</th> <th>C_3H_7OH</th> <th>$CH_3CO_2C_3H_7$</th> <th>H_2O</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>كمية المادة (ح. التوازن الجديد) (mol)</td> <td>0,097</td> <td>0,097</td> <td>0,103</td> <td>0,203</td> </tr> </tbody> </table>	النوع الكيميائي	CH_3CO_2H	C_3H_7OH	$CH_3CO_2C_3H_7$	H_2O	كمية المادة (ح. التوازن الجديد) (mol)	0,097	0,097	0,103	0,203
النوع الكيميائي	CH_3CO_2H	C_3H_7OH	$CH_3CO_2C_3H_7$	H_2O							
كمية المادة (ح. التوازن الجديد) (mol)	0,097	0,097	0,103	0,203							

العلامة	عنصر الإجابة (الموضوع الثاني)
مجموع	جزء
0,75	<p>الجزء الأول (14 نقطة): التمرين الأول (04 نقاط):</p> <p>1-أ- α: نواة الهيليوم و β^-: الكترون. ب- ايجاد العددين a و b: حسب قانوني صودي.</p> $\begin{cases} \sum A_i = \sum A_f \\ \sum Z_i = \sum Z_f \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 238 = 4a + 206 \\ 92 = 2a - b + 82 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a = 8 \\ b = 6 \end{cases}$
0,75	<p>2- ثبات العلاقة ..</p> $N_{Pb}(t) = N'_U(t) = N_U(0) - N_U(0) \cdot e^{-\lambda t} = N_U(0)(1 - e^{-\lambda t})$ $\frac{m_{Pb}(t) \cdot N_A}{M_{Pb}} = \frac{m_U(0) \cdot N_A}{M_U}(1 - e^{-\lambda t})$ $m_{Pb}(t) = \frac{M_{Pb}}{M_U} m_U(0)(1 - e^{-\lambda t}) = 0,866 \cdot m_U(0)(1 - e^{-\lambda t})$
2,25	<p>3- ايجاد: أ- $N_U(0)$ في العينة : من البيان نجد</p> $m_f(Pb) = 9,7 g$ $N_0(U) = N_f(Pb) = \frac{m_f(Pb) \cdot N_A}{M_{Pb}} = \frac{9,7 \times 6,02 \times 10^{23}}{206} = 2,83 \times 10^{22} Noy$ <p>ومنه ب- زمن نصف العمر: لدينا</p> $N_U\left(t_{\frac{1}{2}}\right) = \frac{N_U(0)}{2} \Rightarrow N_{Pb}\left(t_{\frac{1}{2}}\right) = \frac{N_f(Pb)}{2} \Rightarrow m_{Pb}\left(t_{\frac{1}{2}}\right) = \frac{m_f(Pb)}{2} = 4,85 g$ <p>بالاسقاط نجد: $t_{\frac{1}{2}}(U) = 4,5 \times 10^9 ans$</p> <p>ج- عمر العينة الصخرية :</p> $m_{Pb}(t) = 0,103 m_U(0) = 0,103 \frac{N_U(0) \cdot M_U}{N_A} = \frac{0,31 \times 2,83 \times 10^{22} \times 238}{6,02 \times 10^{23}} = 3,5 g$ <p>بالاسقاط نجد: تحقق حسابيا من النتيجة:</p> $m_{Pb}(t) = m_f(Pb)(1 - e^{-\lambda t}) \Rightarrow t = \frac{-t_{1/2}}{\ln 2} \cdot \ln\left(1 - \frac{m_{Pb}(t)}{m_f(Pb)}\right)$ $\Rightarrow t = \frac{-4,5 \times 10^9}{\ln 2} \cdot \ln\left(1 - \frac{3,5}{9,7}\right) = 3 \times 10^9 ans$
0,25	<p>4- تفسير تواجد اليورانيوم $^{238}_{92} U$ في القشرة الأرضية الى يومنا هذا:</p> <p>وبالتالي انبوبة اليورانيوم 238 لم تتفكك كلها بعد $\frac{t}{t_{1/2}} = \frac{3 \times 10^9}{4,5 \times 10^9} = 0,66 \Rightarrow t = 0,66 \cdot t_{1/2} < 7,2 t_{1/2}$ فهو لا يزال موجود في القشرة الأرضية .</p>

العلامة	عنصر الإجابة (الموضوع الثاني)
مجموع	مجزأة
0,5	<p>التمرين الثاني (04 نقاط)</p> <p>1-أ/ الظاهرة التي تحدث في المكثفة هي ظاهرة الشحن . ب/ اتجاه التيار المار في الدارة ، واتجاه التوترين u_R و u_C :</p> 
0,25	<p>2-أ/ إيجاد المعادلة التفاضلية التي يحققها $u_C(t)$</p> <p>التوتر بين لبوسي المكثفة :</p> $u_C + u_R = E$ $u_C + RC \frac{du_C}{dt} = E$ $\frac{du_C}{dt} + \frac{1}{RC} u_C = \frac{E}{RC}$ <p>ب / تعين عبارات A ، B و α بدلالة المقادير المميزة للدارة :</p> $u_C(t) = A + B e^{-\alpha t} \Rightarrow \frac{du_C}{dt} = -B\alpha e^{-\alpha t}$ $-B\alpha e^{-\alpha t} + \frac{1}{RC}(A + B e^{-\alpha t}) = \frac{E}{RC}$ $Be^{-\alpha t} \left(-\alpha + \frac{1}{RC} \right) + \left(\frac{A}{RC} - \frac{E}{RC} \right) = 0$ $\begin{cases} \left(-\alpha + \frac{1}{RC} \right) = 0 \Rightarrow \alpha = \frac{1}{RC} \\ \frac{A}{RC} - \frac{E}{RC} = 0 \Rightarrow A = E \end{cases}$ <p>من الشرط الابتدائي: عند $t=0$ يكون $u_C(0) = 0$ ومنه $B = -A$ و $u_C(0) = A + B = 0$</p> $u_C(t) = E \left(1 - e^{-\frac{1}{RC}t} \right)$ <p>ج - إيجاد وحدة قياس المقدار α في ج و د :</p> $\alpha = \frac{1}{RC}$ <p>بتطبيق قواعد التحليل البعدي نجد:</p> $[\alpha] = \frac{1}{[R] \times [C]} = \frac{[I]}{[U]} \cdot \frac{[U]}{[Q]} = \frac{[I]}{[Q]} = \frac{[I]}{[I][T]} = [T]^{-1}$
0,25	

العلامة	عنصر الإجابة (الموضوع الثاني)																								
مجموع	مجزأة																								
1.25	<p>-3 أ / إيجاد ثابت الزمن τ :</p> $E_C(\tau) = \frac{1}{2}CE^2(1-e^{-\frac{1}{\tau}})^2 = E_{max} \times (0,63)^2 = 7,9 \times 10^{-4} J$ <p>عند :</p> <p>من البيان (4) نجد: $\tau = 0,5 s$</p> <p>ب- إيجاد القوة المحركة الكهربائية للمولد:</p> <p>عند اللحظة $t=0$ يكون $u_R(0)=u_{R_{max}}=E=9V$</p> <p>ج - إيجاد سعة المكثفة :</p> $E_{max} = \frac{1}{2}CE^2 \Rightarrow C = \frac{2E_{max}}{E^2} = 49,4 \mu F$ <p>د- إيجاد مقاومة الناقل الأولي R:</p> $R = \frac{\tau}{C} = \frac{0,5}{49,4 \times 10^{-6}} = 10,1 \times 10^3 \Omega$																								
	<p>-4 أ) المعادلة التفاضلية لتطور التوتر $u_C(t)$</p> <p>بتطبيق قانون تجميع التوترات في الدارة الممتدة (LC) :</p> $u_C(t) + u_L(t) = 0$ <p>لكن: $u_L(t) = L \cdot \frac{di(t)}{dt} = L \cdot \frac{d^2q(t)}{dt^2} = LC \cdot \frac{d^2u_C(t)}{dt^2}$</p> <p>و منه: $\frac{d^2u_C(t)}{dt^2} + \frac{1}{LC} \cdot u_C(t) = 0$ أو $u_C(t) + LC \cdot \frac{d^2u_C(t)}{dt^2} = 0$</p> <p>ب) تبيان حل المعادلة التفاضلية:</p> <p>حل م. ت. السابقة $\frac{d^2u_C(t)}{dt^2} = -A \cdot \left(\frac{1}{\sqrt{LC}}\right)^2 \cdot \cos \frac{1}{\sqrt{LC}} t$, و منه: $u_C(t) = A \cdot \cos \frac{1}{\sqrt{LC}} t$</p> <p>و منه نجد: $\frac{d^2u_C(t)}{dt^2} = -\frac{1}{LC} \cdot u_C(t)$ وهو المطلوب.</p> <p>عبارة الدور الذاتي: $T_0 = 2\pi\sqrt{LC}$ حيث $\omega_0^2 = \frac{1}{LC}$ و منه $T_0 = \frac{2\pi}{\omega_0}$</p> <p>عبارة A : عند $t=0S$ $u_C(0) = A = E$</p> <p>ج) قيمة الدور الذاتي: $T_0 = 4 \times 0,5 = 2s$</p> <p>قيمة ذاتية الوشيعة: $L = \frac{T_0^2}{4\pi^2 C} = \frac{(2 \times 10^{-3})^2}{4 \times \pi^2 \times 50 \times 10^{-6}} = 2 \times 10^{-3} H = 2mH$</p>																								
	<p>التمرين الثالث (06 نقاط):</p> <p>-I 1- جدول تقدم التفاعل :</p> <table border="1"> <thead> <tr> <th>المعادلة</th> <th colspan="4">CO(NH₂)₂(aq) = NH₄⁺(aq) + CNO⁻(aq)</th> </tr> <tr> <th></th> <th>القدم</th> <th colspan="3">كميات المادة (mol)</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>ح ابتدائية</td> <td>0</td> <td>$n_0 = CV$</td> <td>0</td> <td>0</td> </tr> <tr> <td>ح انتقالية</td> <td>x</td> <td>$n_0 - x$</td> <td>x</td> <td>x</td> </tr> <tr> <td>ح نهائية</td> <td>x_{max}</td> <td>$n_0 - x_{max}$</td> <td>x_{max}</td> <td>x_{max}</td> </tr> </tbody> </table> <p>-تحديد التقدم الأعظمي $x_{max} = n_0 = CV = 2 \times 10^{-3} mol / L$: لدينا x_{max}</p>	المعادلة	CO(NH ₂) ₂ (aq) = NH ₄ ⁺ (aq) + CNO ⁻ (aq)					القدم	كميات المادة (mol)			ح ابتدائية	0	$n_0 = CV$	0	0	ح انتقالية	x	$n_0 - x$	x	x	ح نهائية	x_{max}	$n_0 - x_{max}$	x_{max}
المعادلة	CO(NH ₂) ₂ (aq) = NH ₄ ⁺ (aq) + CNO ⁻ (aq)																								
	القدم	كميات المادة (mol)																							
ح ابتدائية	0	$n_0 = CV$	0	0																					
ح انتقالية	x	$n_0 - x$	x	x																					
ح نهائية	x_{max}	$n_0 - x_{max}$	x_{max}	x_{max}																					

العلامة	مجموع	جزأة	عناصر الإجابة (الموضوع الثاني)
			2- عبارة تركيز NH_4^+ بدلالة σ :
0,5	0,25		$\sigma = \lambda_{\text{NH}_4^+} \cdot [\text{NH}_4^+] + \lambda_{\text{CNO}^-} \cdot [\text{CNO}^-] = [\text{NH}_4^+] (\lambda_{\text{NH}_4^+} + \lambda_{\text{CNO}^-})$
	0,25		$\Rightarrow [\text{NH}_4^+] = \frac{\sigma}{\lambda_{\text{NH}_4^+} + \lambda_{\text{CNO}^-}}$
0,25	0,25		3- العلاقة بين $[\text{NH}_4^+] = \frac{x}{V}$ و x لدينا
0,75	0,25		$\sigma = [\text{NH}_4^+] (\lambda_{\text{NH}_4^+} + \lambda_{\text{CNO}^-}) \Rightarrow \sigma = \frac{x}{V} (\lambda_{\text{NH}_4^+} + \lambda_{\text{CNO}^-}) : x$: σ و x :
0,75	0,25	0,25	- حساب قيمة σ_{\max} : $\sigma_{\max} = \frac{x_{\max}}{V} (\lambda_{\text{NH}_4^+} + \lambda_{\text{CNO}^-}) = \frac{2 \times 10^{-3} \times (9,69 + 11,02) \times 10^{-3}}{0,1 \times 10^{-3}} = 0,41 \text{ S.m}^{-1}$
0,5	0,25		5- إثبات العلاقة:
	0,25		$\begin{cases} \sigma(t) = \frac{x(t)}{V} (\lambda_{\text{NH}_4^+} + \lambda_{\text{CNO}^-}) \\ \sigma_{\max} = \frac{x_{\max}}{V} (\lambda_{\text{NH}_4^+} + \lambda_{\text{CNO}^-}) \end{cases} \Rightarrow \frac{\sigma(t)}{\sigma_{\max}} = \frac{x(t)}{x_{\max}} \Rightarrow x(t) = x_{\max} \frac{\sigma(t)}{\sigma_{\max}}$
1,25	0,25		6- أ- تعريف السرعة الحجمية للتفاعل : هي مشتق تقدم التفاعل في وحدة الحجم.
			$\text{أو: } V_{\text{vol}}(t) = \frac{1}{V} \cdot \frac{dx}{dt}$
			- السرعة تتراقص مع مرور الزمن لأن ميل المماس لمنحنى يتراقص مع مرور الزمن .
	0,25		6- ب- تعريف $t_{1/2}$: هو الزمن اللازم لبلوغ التفاعل نصف تقدمه الاعظمي.
	0,25		تحديده بيانيًا: $x(t_{1/2}) = \frac{x_{\max}}{2} = 10^{-3} \text{ mol} \Rightarrow t_{1/2} = 70 \text{ min}$
0,25	0,25		7- حساب $[\text{NH}_4^+]_f = \frac{x_{\max}}{V} = 2 \times 10^{-2} \text{ mol/L}$: $[\text{NH}_4^+]_f$
0,75	0,75		II- البروتوكول التجاري:
			- نأخذ من المزيج بواسطة ماصة عيارية حجمها $V = 10 \text{ mL}$.
			- نضيف للبيشر قطرات من كاشف ملون مناسب.
			- نقوم بإضافة الصودا من السحاحة إلى غاية تغير اللون.
			- نسجل حجم التكافؤ.
			الرسم:



العلامة	مجموع مجزأة	عناصر الإجابة (الموضوع الثاني)										
0,25	0,25	<p>- معادلة التفاعل : $NH_4^+(aq) + OH^-(aq) = NH_3(aq) + H_2O(l)$</p>										
0,5	0,25 0,25	<p>- حساب C' في محلول: نضع $C' = [NH_4^+]$ عند التكافؤ يكون :</p> $C'V = C_b V_{be} \Rightarrow C' = \frac{C_b V_{be}}{V} = \frac{20 \times 10^{-2}}{10} = 2 \times 10^{-2} mol.L^{-1}$										
0,25	0,25	<p>- المقارنة : القيمة نفسها.</p>										
1,25	0,25 0,5 0,5	<p>الجزء الثاني (06 نقاط): التمرين التجاري (06 نقاط):</p> <p>I. (1) عبارة التسارع a :</p> <p>بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على الجسم (s) وباختيار المرجع السطحي الأرضي والذي نعتبره غاليليا .</p> $\sum \vec{F}_{ext} = m \cdot \vec{a} \Rightarrow \vec{P} + \vec{R} + \vec{f} = m \cdot \vec{a}$ <p>بالإسقاط على محور الحركة:</p> $a = -\frac{f}{m} + g \sin \alpha \dots\dots(1)$										
0,5	0,5	<p>2- رسم البيان(f) :</p> <table border="1"> <caption>Data points from the graph</caption> <thead> <tr> <th>t (s)</th> <th>a (m/s²)</th> </tr> </thead> <tbody> <tr><td>0</td><td>0</td></tr> <tr><td>0.5</td><td>4</td></tr> <tr><td>1</td><td>2</td></tr> <tr><td>2</td><td>0</td></tr> </tbody> </table>	t (s)	a (m/s ²)	0	0	0.5	4	1	2	2	0
t (s)	a (m/s ²)											
0	0											
0.5	4											
1	2											
2	0											
0,25	0,25 0,25 0,25	<p>(3) تحديد α و m :</p> <p>البيان عبارة عن خط مستقيم مائل لا يمر من المبدأ معادلته من الشكل :</p> $a = k \cdot f + b \dots\dots(2)$ <p> بمطابقة (1) و (2) نجد :</p> $k = -\frac{1}{m} = -2 \Rightarrow m = 0,5 Kg$ $b = g \sin \alpha = 4,9 \Rightarrow \alpha = 30^\circ$										
0,5	0,5	<p>4) الحصيلة الطافية :</p>										

العلامة	عنصر الإجابة (الموضوع الثاني)
مجموع	جزأة
	5- تطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة على الجملة (جسم (s)) أ- عبارة قوة الاحتكاك: $E_{CA} + w(P) - \left W(f) \right = E_{CB} \Rightarrow m.g.AB.\sin\alpha - f.AB = \frac{1}{2}mv_B^2$ $f = m(g \sin\alpha - \frac{v_B^2}{2AB}) = 1,25N$ ب- التأكيد من القيمة بيانيًا : $v_B^2 - v_A^2 = 2aAB \Rightarrow a = \frac{v_B^2}{2AB} = 2,4m/s^2$ $f = 1,25N$ من البيان وبالإسقاط نجد :
1,25	0,25 0,25 0,25 0,25 0,25
0,5	0,25 0,25 على المحور (ox): البيان ($v_x(t)$) عبارة عن خط مستقيم أفقي، الحركة مستقيمة منتظمة على المحور (oy): البيان ($v_y(t)$) عبارة عن خط مستقيم مائل لا يمر من المبدأ ، الحركة مستقيمة متغيرة بانتظام . II- اعتماداً على البيانات : 1- طبيعة الحركة :
0,5	0,25 0,25
0,5	0,25 0,25 2- قيمة الارتفاع h والمدى x_D : $h = \frac{1}{2} \cdot (1,1 + 6) \cdot 0,5 = 1,78m$ $x = 1,9 \cdot 0,5 = 0,95m$ من البيان - 2 - : قيمة السرعة v_D : $v_D = \sqrt{v_{Dx}^2 + v_{Dy}^2} = \sqrt{1,9^2 + 6^2} = 6,29m/s$
0,5	0,25 0,25