

امتحان الدورة الأولى في مادة الرياضيات

التمرين الأول : (5 نقاط)

لتكن f دالة معرفة على \mathbb{R} ، تمثيلها البياني معطى في الشكل التالي ، محور الفواصل مقارب للمنحني C عند $+\infty$

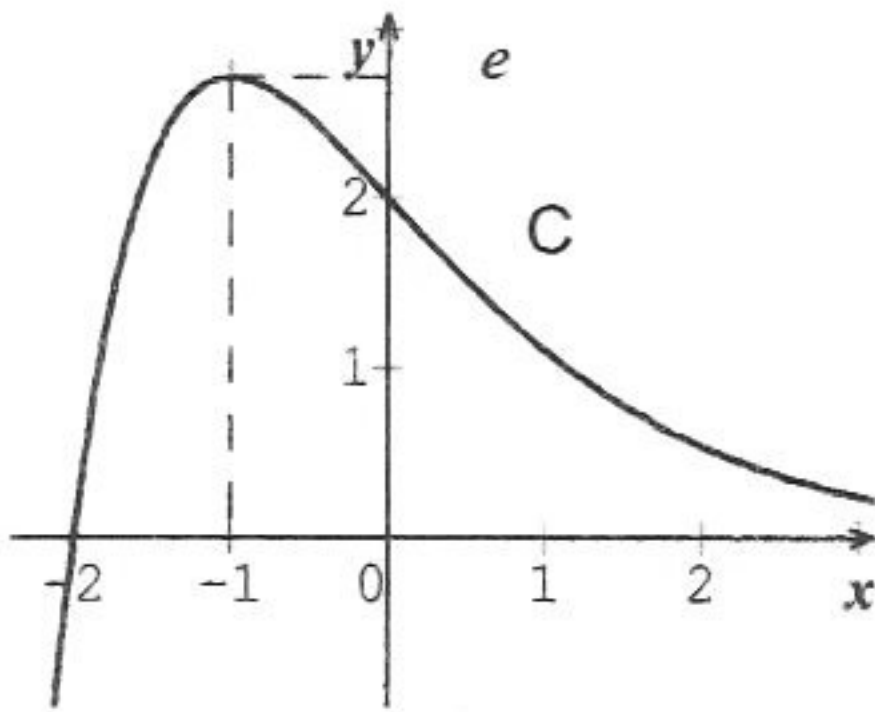
(1) أبقراءة بيانية ، عين نهايتي f عند $-\infty$ و عند $+\infty$

ب- استنتج نهايتي الدالة g عند $-\infty$ و عند $+\infty$ حيث $g : x \mapsto \exp[f(x)]$

(2) أ- حل بيانيا : $f(x) = 0$ ثم $f(x) \geq 0$.

ب- استنتج حلول $g(x) = 1$ ثم $g(x) \geq 1$.

(3) شكل جدول تغيرات f ثم جدول تغيرات g .



التمرين الثاني : (4 نقاط)

اختر الإجابة المناسبة من الإقتراحات المدونة في الجدول التالي مع التبرير

الإقتراح 4	الإقتراح 3	الإقتراح 2	الإقتراح 1	الإقتراح
$y = \frac{1}{3}e^{-3x}$	$y = 2e^{3(1-x)}$	$y = 2e^{-3x}$	$y = 2e^{3x}$	$y(1) = 2$ و $y' + 3y = 0$
$y = 3e^{-2x+2}$	$y = 2 + 3e^{2x}$	$y = 2(1 - e^{2(1-x)})$	$y = ce^{-2x}$	$y(1) = 0$ و $y' = 2y - 4$
$x \in]-5; 1[$	$x \in [-1; 1[$	$x \in [-1; 4]$	$x \in [-1; 1]$	$2 \ln(1-x) - \ln(x+5) \leq 0$

التمرين الثالث : (4 نقطة)

الجزء 1 : نعتبر الدالة g المعرفة على \mathbb{R} كما يلي :

$$g(x) = 2 - (2x+1)e^{2x}$$

(1) احسب نهاية g عند $+\infty$ و $-\infty$.

(2) احسب $g'(x)$ و ادرس إشارة $g'(x)$ على \mathbb{R} شكل جدول تغيرات g .

(3) بين أن المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا ، α في المجال $[0, 1; 0, 3]$ ثم استنتج إشارة $g(x)$ حسب قيم x .

لجزء 2: نعتبر الدالة f المعرفة على \mathbb{R} كما يلي: $f(x) = 2x - 1 - xe^{2x}$

و نرمز بـ (C) إلى تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$ ، الوحدة $2cm$.

(1) أ- احسب نهاية f عند $-\infty$ و $+\infty$

(2) احسب $f'(x)$ ثم استنتج إشارة $f''(x)$ على \mathbb{R} ثم شكل جدول تغيرات الدالة f

(3) بين أن : $f(\alpha) = -1 + \frac{4\alpha^2}{2\alpha+1}$ ثم جد حصر الـ $f(\alpha)$:

(4) ليكن (D) المستقيم الذي معادلته $y = 2x - 1$ ، احسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} (f(x) - (2x - 1))$ ثم فسر النتيجة بيانياً.

(5) أدرس وضعية المنحني (C) بالنسبة للمستقيم (D)

(6) ارسم المنحني (C)

(7) نعتبر الدالة h المعرفة على المجال \mathbb{R} كما يلي: $h(x) = 2x^2 - 1 - x^2e^{2x^2}$

أ- تحقق أن: $h(x) = f(x^2)$

ب- أحسب $h'(x)$ و تحقق أن: $h'(x) = 2xf(x^2)$

ج- جد إشارة $h'(x)$