

اختبار في مادة الرياضيات

التمرين الأول: 06 نقاط

• هل العدد 2003 أوليا ؟ برّر إجابتك.

(1) عيّن عددين صحيحين α و β حيث : $123.\alpha + 2003.\beta = 1$ ▪ استنتج عددا صحيحا k_0 حيث : $123.k_0 \equiv 1[2003]$ ▪ أثبت أنه من أجل كل عدد صحيح x :

$$123.x \equiv 456[2003] \quad \text{إذا وفقط إذا كان} \quad x \equiv 456.k_0[2003]$$

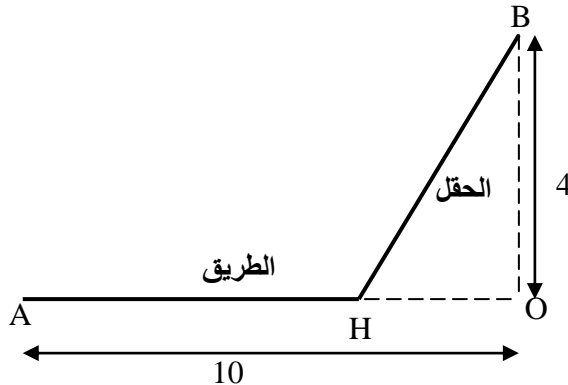
▪ عيّن مجموعة الأعداد الصحيحة x حتى يكون: $123.x \equiv 456[2003]$ ▪ بيّن أنه يوجد عدد طبيعي وحيد n حيث: $1 \leq n \leq 2002$ و $123.n \equiv 456[2003]$

(2) أذكر مع الإثبات نص نظرية بيزو.

▪ a عدد طبيعي حيث : $1 \leq a \leq 2002$ ، أحسب $\text{PGCD}(a, 2003)$ ▪ استنتج أنه يوجد عدد طبيعي m حيث $a.m \equiv 1[2003]$ ▪ أثبت أنه لكل عدد طبيعي b يوجد عدد صحيح x حيث:

$$a.x \equiv b[2003] \quad \text{و} \quad 0 \leq x \leq 2002$$

التمرين الثاني (04 نقاط)

يريد سائق على متن سيارة 4×4 الذهاب من الموقع **A** إلى الموقع **B** في أقصر مدة زمنية ممكنة.فيضطر عند موقع **H** من الطريق إلى الانحراف و المرور عبر حقل مجاور للطريق بدلا من الوصول إلى الموقع**O** و من ثمة إلى **B** كما هو مبين في الشكلالهدف : تحديد موقع النقطة **H** على الطريق.إذا علمت أن سرعة السائق على الطريق 40 Km/h و سرعته خلال المرور بالحقل هي 20 Km/h ، أن $AO = 10$ $OB = 4$ حدّد موقع النقطة **H** التي من أجلها يكون الوقت المستغرق للوصول من **A** إلى **B** أقصر ما أمكن.

التمرين الثالث (04 نقاط)

• حل في مجموعة الأعداد الحقيقية المعادلة ذات المجهول λ : $8\lambda^3 - 1 = 0$

لنعتبر الدالة h حيث : $h(x) = 8.\sin(x) - \tan(x)$

1 (بيّن أن $2.\pi$ هو دور للدالة h

2 (أحسب $h(-x) + h(x)$ ، ماذا تستنتج ؟

3 (أدرس إتجاه تغير الدالة h على مجال طوله $2.\pi$ ، ثم ضع جدول تغيراتها.

4 (في مستوي منسوب إلى معلم متعامد و متجانس ، أرسم المنحني الممثل للدالة h على مجال طوله $2.\pi$

التمرين الرابع (06 نقاط)

ينسب المستوي إلى معلم متعامد و متجانس (O, \vec{i}, \vec{j}) و حدة الطول 4cm

لنعتبر الدالة f المعرقة كالاتي : $f(x) = x.\sqrt{1-x^2}$ ، نسمي (C_f) التمثيل البياني للدالة f

1 (عيّن مجموعة تعريف الدالة f

2 (أحسب $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{f(x)}{x-1}$ ، فسّر النتيجة هندسيا ؟

3 (بيّن أن الدالة f فردية .

4 (أدرس تغيرات الدالة f .

5 (أكتب معادلة المماس (d) لـ (C_f) عند النقطة التي فاصلتها 0

6 (أدرس الوضعية النسبية لـ (C_f) بالنسبة لـ (d) . ما تستنتج ؟

7 (أرسم (d) و (C_f) على ورق ملمتري.

تمنيتي بالتوفيق