

الهدف من القناة

نضع بين أيدي طلابنا هذه القناة الخاصة بالرياضيات لجميع المستويات التي أنجزت وفقها للمناهج الذي أقرته وزارة التربية والتعليم. وقد جاءت مقاطع هذه القناة مختصرة و غير مطوّلة و هادفة للإستفادة أكثر. لا تنسى الضغط على زر **الإشتراك** ليصلك جديدنا مع تمنياتنا بإدارة القناة لكم بالتوفيق و النجاح.

اتصل بنا

www.facebook.com/merabti.math
www.youtube.com/MrMerabti
<http://mrmerabti.blogspot.com>
merabti.soufiane1@gmail.com

النهايات ، الإستمرارية و الإشتقاق

حلول تمارين مع الشرح خاصة بالنهايات، اضغط على رقم التمرين للمشاهدة

[التمرين 1](#) - [التمرين 2](#) - [التمرين 3](#) - [التمرين 4](#) - [التمرين 5](#) - [التمرين 6](#) - [التمرين 7](#) - [التمرين 8](#) - [التمرين 9](#) - [التمرين 10](#) - [التمرين 11](#) - [التمرين 12](#) - [التمرين 13](#) - [التمرين 14](#) - [التمرين 15](#) - [التمرين 16](#) - [التمرين 17](#) - [التمرين 18](#) - [التمرين 19](#) - [التمرين 20](#) - [التمرين 21](#)

الدوال الأسية و اللوغرتم

حلول تمارين مع الشرح خاصة بالأسية، اضغط على رقم التمرين للمشاهدة

[التمرين 1](#) - [التمرين 2](#) - [التمرين 3](#) - [التمرين 4](#) - [التمرين 5](#) - [التمرين 6](#) - [التمرين 7](#) - [التمرين 8](#) - [التمرين 9](#) - [التمرين 10](#) - [التمرين 11](#) - [التمرين 12](#) - [التمرين 13](#) - [التمرين 14](#) - [التمرين 15](#) - [حفظ الخواص](#)

التكامل و الدوال الأصلية

حلول تمارين مع الشرح خاصة بالتكامل، اضغط على رقم التمرين للمشاهدة

[التمرين 1](#) - [التمرين 2](#) - [التمرين 3](#) - [التمرين 4](#) - [التمرين 5](#) - [التمرين 6](#) - [التمرين 7](#) - [التمرين 8](#) - [التمرين 9](#) - [التمرين 10](#) - [التمرين 11](#)



CHANNEL



TWITTER



FACEBOOK



URL LINKEDIN

www.youtube.com/MrMerabti

الباب الرابع

متزايد المقارن

www.facebook.com/merabti.math

الأنشطة

النشاط الأول

تصحيح: /

الهدف: تعريف قوى عدد حقيقي موجب.

توجيهات: يقدم النشاط كمدخل لهذا الباب و يتوج بتقديم فقرة " قوى عدد حقيقي موجب " .

الحل: بسيط

النشاط الثاني

تصحيح: /

الهدف: مقارنة مفهوم الجذر النوني.

توجيهات: يقدم النشاط كمدخل للفقرة " دراسة الدوال $x \mapsto a^x$ و $x \mapsto \sqrt[n]{x}$ " .

الحل: بسيط

النشاط الثالث

تصحيح: /

الهدف: مقارنة كل من $\ln x$ و e^x مع " x " .

توجيهات: يقدم النشاط كمدخل للفقرة " التزايد المقارن " و يتم ضمن أفواج.

الحل: بسيط.

الأعمال الموجهة

دراسة دالة لوجاريتمية

تصحيح: /

الهدف: توظيف دالة اللوغاريتم النيبيري و التزايد المقارن.

توجيهات: يمكن تقديم العمل في شكل أفواج كما يمكن اقتراحه كواجب منزلي.

الحل: بسيط

مسألة استمثال

تصحيح: /

الهدف: توظيف دالة اللوغاريتم النيبيري و التزايد المقارن.

توجيهات: يمكن تقديم العمل في شكل أفواج كما يمكن اقتراحه كواجب منزلي.

الحل: بسيط

مقارنة الأعداد n^{n+1} و $(n+1)^n$

تصحيح: /

الهدف: توظيف دالة اللوغاريتم النيبيري و التزايد المقارن.

توجيهات: يمكن تقديم العمل في شكل أفواج كما يمكن اقتراحه كواجب منزلي.

الدوال $x \mapsto x^\alpha$ ($\alpha \in \mathbb{R}$)

تصحيح: /

الهدف: توظيف الدوال الأسية و التزايد المقارن.

توجيهات: يمكن تقديم العمل في شكل أفواج كما يمكن اقتراحه كواجب منزلي.

الحل: بسيط

نموذج ديموغرافي

تصحيح: /

الهدف: توظيف قوى عدد حقيقي موجب تماما.

توجيهات: يمكن تقديم العمل في شكل أفواج كما يمكن اقتراحه كواجب منزلي.

الحل: بسيط

فاتورة الهاتف

تصحيح: /

الهدف: توظيف الدلالة الأسية و التزايد المقارن.

توجيهات: يمكن تقديم العمل في شكل أفواج كما يمكن اقتراحه كواجب منزلي.

الحل: بسيط

التمارين

تمارين تطبيقية

1 - قوى عدد حقيقي موجب تماما

$$a = 9^{\frac{3}{2}} \times 27^{\frac{1}{4}} = (3^2)^{\frac{3}{2}} \times (3^3)^{\frac{1}{4}} \quad 4$$

$$a = 3^3 \times 3^{\frac{3}{4}} = 3^{3+\frac{3}{4}} = 3^{\frac{15}{4}}$$

$$b = 3^{\frac{5}{4}} \times 81^{\frac{5}{3}} = 3^{\frac{65}{12}}$$

$$c = (3^{-4})^{\frac{1}{3}} \times 27^{-\frac{1}{3}} = 3^{-\frac{7}{3}}$$

$$e^{\ln 12^x} = e^{\ln 3} \quad 12^x = 3 \quad \text{تكافئ} \quad 7$$

$$e^{x \ln 12} = e^{\ln 3} \quad \text{تكافئ}$$

$$x \ln 12 = \ln 3 \quad \text{تكافئ}$$

$$x = \frac{\ln 3}{\ln 12} \quad \text{تكافئ}$$

$$x = \frac{\ln 8}{\ln 4} \quad \left(\frac{1}{4}\right)^x = \frac{1}{8} \quad \text{تكافئ} \quad (2)$$

$$x = -\frac{\ln 3}{\ln 2} \quad \left(\frac{1}{2}\right)^x = 3 \quad \text{تكافئ} \quad (3)$$

$$x = \frac{\ln 5}{\ln 5 - \ln 2} \quad 5^{x-1} = 2^x \quad \text{تكافئ} \quad (4)$$

$$x = \frac{\ln 4}{\ln \frac{3}{16}} \quad 3^x = 4^{2x+1} \quad \text{تكافئ} \quad (5)$$

$$x = \frac{4}{3} \quad 5^{1-3x} = \frac{1}{125} \quad \text{تكافئ} \quad (6)$$

$$x \in]0; +\infty[\quad -x \ln 5 < 2x \ln 5 \quad 5^{-x} < 5^{2x} \quad \text{تكافئ} \quad (4) \quad 12$$

$$x \in]-\infty; -1[\quad \text{تكافئ} \quad 2^{x+1} < 1 \quad \text{تكافئ} \quad \frac{2 \cdot 2^x - 1}{3(2^x + 1)} < 0 \quad \text{تكافئ} \quad \frac{2^x}{2^x + 1} < \frac{1}{3} \quad (5)$$

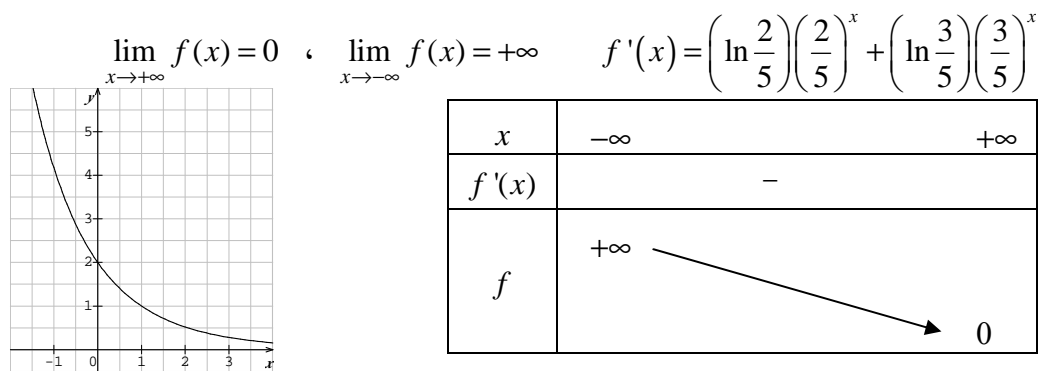
$$x \in [-2; +\infty[\quad \text{تكافئ} \quad -\frac{1}{2}x \leq 1 \quad \text{تكافئ} \quad -x \ln \sqrt{2} \leq \ln 2 \quad \text{تكافئ} \quad \left(\frac{1}{\sqrt{2}}\right)^x \leq 2 \quad (6)$$

2 - دراسة الدوال: $x \mapsto \sqrt[n]{x}$ و $x \mapsto a^x$

$$\frac{2^x}{5^x} + \frac{3^x}{5^x} = 1 \quad \text{تكافئ} \quad 2^x + 3^x = 5^x \quad (1) \quad \boxed{38}$$

$$\left(\frac{2}{5}\right)^x + \left(\frac{3}{5}\right)^x = 1 \quad \text{تكافئ} \quad 2^x + 3^x = 5^x$$

$$f'(x) = \left(\ln \frac{2}{5}\right) \left(e^{x \ln \frac{2}{5}}\right) + \left(\ln \frac{3}{5}\right) \left(e^{x \ln \frac{3}{5}}\right), \quad f(x) = \left(\frac{2}{5}\right)^x + \left(\frac{3}{5}\right)^x \quad (2)$$



3 - التزايد المقارن

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow +\infty} x^2 + 1 - e^x \quad (1) \quad \boxed{40}$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow +\infty} x^2 \left(1 + \frac{1}{x^2} - \frac{e^x}{x^2}\right) = +\infty$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{e^x - x}{x^2} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{e^x}{x^2} - \frac{x}{x^2} = +\infty \quad (2)$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow -\infty} 2xe^x - e^x = 0 \quad (1) \quad \boxed{47}$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = \lim_{x \rightarrow +\infty} \sqrt{x} e^{-2x} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt{x}}{e^{2x}} = 0 \quad (2)$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{3^x}{x^2} = 0 \quad (1) \quad \boxed{52}$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{3^x}{x^2} = +\infty \quad (ب)$$

$$f(x) = \frac{3^x}{x^2} = \frac{e^{x \ln 3}}{x^2} = \frac{e^{x \ln 3} \times [\ln 3]^2}{x^2 [\ln 3]^2} = \frac{e^{x \ln 3}}{[x \ln 3]^2} \times [\ln 3]^2 \quad (2)$$

بوضع $X = x \ln 3$ $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{e^{x \ln 3}}{[x \ln 3]^2} \times [\ln 3]^2 = +\infty$

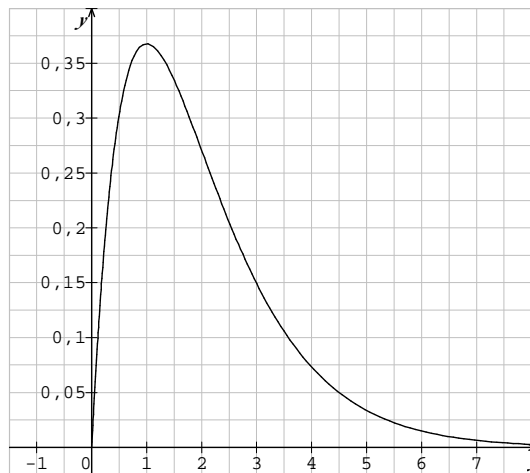
تمارين للتعمق

61 الجزء 1: أ) $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 0$

ب) $f'(x) = (1-x)e^{-x}$ (جـ)

x	0	1	$+\infty$
$f'(x)$	+	0	-
f	0	$\frac{1}{e}$	0

(جـ)



2) أ) المستقيم الذي معادلته $y = m$ يقطع المنحني (Γ) في نقطتين. إذن المعادلة $f(x) = m$ تقبل حلين.

ب) $f(0,3574) \approx 0,25001$ و $f(0,3573) \approx 0,2499$

جـ) $f(x) = 0$ تكافئ $x = 0$ و $f(x) = \frac{1}{e}$ تكافئ $x = 1$

الجزء 2: تصويب: $u_0 = \alpha$ و $u_{n+1} = u_n e^{-u_n}$

1) أ) $u_0 = \alpha$ و $\alpha > 0$ وإذا كان $u_n > 0$ فإن $u_n e^{-u_n} > 0$ و منه $u_{n+1} > 0$. إذن $u_n > 0$.

ب) $u_{n+1} - u_n = u_n (e^{-u_n} - 1)$

بما أن $u_n > 0$ و $e^{-u_n} < 1$ فإن $u_{n+1} - u_n < 0$ و بالتالي (u_n) متناقصة

جـ) (u_n) متناقصة و محدودة من الأسفل بـ 0 فهي متقاربة. لتكن ℓ نهايتها.

لدينا $\ell = \ell e^{-\ell}$ تكافئ $\ell = 0$

2. $\ln u_{n+1} = \ln u_n + \ln e^{-u_n} = \ln u_n - u_n$ و منه $u_{n+1} = u_n e^{-u_n}$. $w_n = \ln u_n$

و منه $w_{n+1} = w_n - u_n$ أي $u_n = w_n - w_{n+1}$

ب) $S_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n = (w_0 - w_1) + (w_1 - w_2) + (w_2 - w_3) + \dots + (w_n - w_{n+1}) = w_0 - w_{n+1}$

جـ) بما أن u_n يؤول إلى 0، w_n يؤول إلى $-\infty$ ، إذن S_n يؤول إلى $+\infty$.

$$(3) \quad u_1 = f(\alpha) = \frac{1}{4} \text{ و } f(\beta) = \frac{1}{4} \text{ إن إذا أخذنا } v_0 = \beta, \text{ ابتداءً من الرتبة 1 يكون } u_n = v_n.$$

62 (1) المستقيم D يمر بالنقطتين $J(0;1)$ و $K(-1;0)$ معادلته $y = x + 1$

$$(2) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \varphi(x) = 0 \text{ ومنه } \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) - (mx + p) = 0$$

أي أن المستقيم الذي معادلته $y = mx + p$ مقارب للمنحني عند $+\infty$ و هو المستقيم D . إذن $m = p = 1$.
(ب) النقطة J مركز تناظر للمنحني.

$$(ج) \quad f(-x) = -x + 1 + \varphi(-x), \quad f(x) = x + 1 + \varphi(x)$$

ومنه $f(x) + f(-x) = 2 + \varphi(x) + \varphi(-x)$ و نعلم أن $f(x) + f(-x) = 2$ ، إذن $\varphi(x) + \varphi(-x) = 0$

$$\varphi(-x) = -\varphi(x) \text{ ومنه الدالة } \varphi \text{ فردية}$$

$$(د) \quad f(x) + f(-x) = 2 \text{ و } f'(x) - f'(-x) = 0 \text{ ومنه } f'(x) = f'(-x) \text{، إذن } f' \text{ زوجية.}$$

$$(3) \quad \text{أ) } \varphi(x) = (ax + b)e^{-x^2} \text{ ومنه } \varphi(-x) = (-ax + b)e^{-x^2}$$

بما أن الدالة φ فردية يكون $-ax + b = -ax - b$ و منه $b = 0$

$$(ب) \quad f(x) = x + 1 + \varphi(x) = x + 1 + axe^{-x^2} \text{ ومنه } f'(x) = 1 + \varphi'(x) = 1 + a(1 - 2x^2)e^{-x^2}$$

(ج) معامل توجيه المماس T عند النقطة التي فاصلتها 0 (النقطة J) هو $f'(0) = 1 - e$

$$f'(0) = 1 + a \text{ معناه } 1 - e = 1 + a \text{ أي } a = -e$$

$$(د) \quad f(x) = x + 1 + axe^{-x^2} = x + 1 - exe^{-x^2}$$

$$\text{الجزء 1: } f(x) = \frac{x}{e^x - x}$$

$$(1) \quad g'(x) = e^x - 1. \quad g'(x) \text{ موجبة إذا كان } x \geq 0 \text{ و سالبة إذا كان } x \leq 0$$

إذن الدالة g متزايدة إذا كان $x \geq 0$ و متناقصة إذا كان $x \leq 0$ و $g(0) = 0$ و بالتالي $g(x) \geq 0$.

$$(2) \quad g(x) \geq 0 \text{ معناه } e^x - x \geq 1 \text{ أي } e^x - x > 0$$

الجزء 2:

$$(1) \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -1, \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 0$$

(ب) عند $-\infty$ المنحني (C) يقبل مستقيماً مقارباً معادلته $y = -1$ و عند $+\infty$ المنحني (C) يقبل مستقيماً مقارباً معادلته $y = 0$.

$$(2) \quad f'(x) = \frac{(1-x)e^x}{(e^x - x)^2}$$

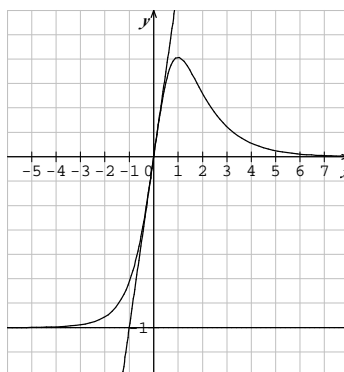
(ب) إشارة $f'(x)$ هي نفس إشارة $(1-x)$

x	$-\infty$	1	$+\infty$
$f'(x)$	+	0	-
f	-1	$\frac{1}{e-1}$	0

(3) أ) معادلة المماس T للمنحني (C) عند النقطة التي فاصلتها 0 هي $y = x$.

ب) وضعية المنحني (C) بالنسبة للمماس T : $f(x) - x = \frac{-xg(x)}{e^x - x}$.
 بما أن $g(x) \geq 0$ و $e^x - x > 0$ فإن إشارة $f(x) - x$ هي من إشارة $(-x)$
 في المجال $] -\infty; 0[$ (C) أعلى T و في المجال $] 0; +\infty[$ (C) أسفل T .

(4)



66. 1. $f'(x) = (x+1)(1-x)e^{-x}$

$f'(x) > 0$ إذا كان $-1 < x < 1$

$f'(x) < 0$ إذا كان $x < -1$ أو $x > 1$

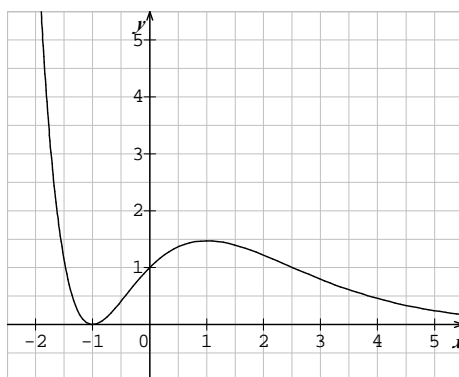
$f'(x) = 0$ إذا كان $x = -1$ أو $x = 1$

إن الدالة f متزايدة تماماً في المجال $[-1; 1]$ و متناقصة تماماً في المجالين $]-\infty; -1[$ و $]1; +\infty[$

2. $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow +\infty} x^2 e^{-x} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2}{e^x} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{1}{e^x} = 0$ ، $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow -\infty} x^2 e^{-x} = +\infty$

مستقيماً مقارباً معادلته $y = 0$ عند $+\infty$

3. التمثيل البياني:



4. إذا كان $k < 0$ المعادلة لا تقبل حلولاً.

- إذا كان $k = 0$ المعادلة تقبل حلاً واحداً $x = -1$

- إذا كان $0 < k < \frac{4}{e}$ المعادلة تقبل 3 حلول.

- إذا كان $k = \frac{4}{e}$ المعادلة تقبل حلين أحدهما $x = 1$

- إذا كان $k > \frac{4}{e}$ المعادلة تقبل حلاً واحداً

ب) - إذا كان $x > -1$ فإن $f(x) \leq \frac{4}{e}$ و بالتالي $f(x) < 2$. إذن المعادلة $f(x) = 2$ ليس لها حل على المجال $[-1; +\infty[$

- إذا كان $x < -1$ فإن الدالة f مستمرة و رتيبة تماما و تأخذ قيمها في المجال $]0; +\infty[$ بما أن 2 ينتمي إلى المجال $]0; +\infty[$ فإنه توجد قيمة وحيدة x تحقق $f(x) = 2$

$$f(-1) = 0 \text{ و } f(-2) \approx 7,39$$

بما أن $0 < 2 < 7,39$ فإن $-2 < \alpha < -1$

جـ) نعلم أن $f(\alpha) = 2$ و منه $(\alpha+1)^2 e^{-\alpha} = 2$ ومنه $(\alpha+1)^2 = 2e^{\alpha}$ ومنه $(\alpha+1 = \sqrt{2e^{\alpha}})$ أو $(\alpha+1 = -\sqrt{2e^{\alpha}})$

بما أن $\alpha < -1$ فإن $\alpha = -1 - \sqrt{2e^{\frac{\alpha}{2}}}$

$$f'(x) = \frac{2 - \ln x}{2x\sqrt{x}} \quad (1) \quad (68)$$

(ب) $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 0$ ، $\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = -\infty$

x	0	e^2	$+\infty$
$f'(x)$	+	0	-
f	$-\infty$	$\frac{2}{e}$	0

(2) $f(1) = 0$ و $f'(1) = 1$ إذن معادلة T هي $y = x - 1$

$$g(x) = x - 1 - f(x) \quad (3)$$

$$g'(x) = 1 - f'(x) = \frac{1}{2x\sqrt{x}} [\ln x + 2(x\sqrt{x} - 1)] \quad (1)$$

(ب) $g'(1) = 0$ ، إشارة $g'(x)$ هي نفس إشارة $\ln x + 2(x\sqrt{x} - 1)$

• على $]0; 1[$: $\ln x < 0$ و $x\sqrt{x} - 1 < 0$ ومنه $g'(x) < 0$

• على $]1; +\infty[$: $\ln x > 0$ و $x\sqrt{x} - 1 > 0$ ومنه $g'(x) > 0$

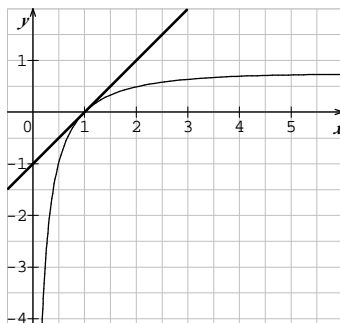
جـ) $g(1) = 0$

x	0	1	$+\infty$
$g'(x)$	-	0	+
g		0	

نستنتج من جدول التغيرات أنه من أجل كل x من $]0; +\infty[$: $g(x) \geq 0$

(د) من أجل كل x من $]0; +\infty[$ ، (C) أسفل T .

(4) الرسم (انظر الشكل)



73 الجزء الأول: $f(x) = \frac{e^x - 1}{xe^x + 1}$

1. $h'(x) = e^x (x+1)$

x	$-\infty$	-1	$+\infty$
$h'(x)$	$-$	0	$+$
h			

من أجل كل عدد حقيقي x : $h(x) \geq 1 - \frac{1}{e}$ أي $h(x) > 0$ من أجل x من \mathbb{R} .

2. تصويب: $g(x)$ بدلا من $h(x)$

أ- $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = \lim_{x \rightarrow +\infty} x \left(1 + \frac{2}{x} - \frac{e^x}{x} \right) = -\infty$ ، $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x) = -\infty$

ب) $g'(x) = 1 - e^x$

x	$-\infty$	β	0	α	$+\infty$
$g'(x)$	$+$	0	$-$		
g	$-\infty$	0	1	0	$-\infty$

ج- نستعمل مبرهنة القيم المتوسطة

د) إذا كان $g(x) < 0$ فإن $x \in]-\infty; \beta[\cup]\alpha; +\infty[$ وإذا كان $x \in]\beta; \alpha[$ فإن $g(x) > 0$

الجزء الثاني: دراسة تغيرات الدالة f و رسم المنحني \mathcal{C} :

1. $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 0$ ، $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -1$

2. $f'(x) = \frac{e^x (xe^x + 1) - (xe^x + e^x)(e^x - 1)}{(xe^x + 1)^2}$ (أ)

$f'(x) = \frac{2e^x - e^{2x} + xe^x}{(xe^x + 1)^2} = \frac{e^x (2 - e^x + x)}{(xe^x + 1)^2} = \frac{e^x g(x)}{(xe^x + 1)^2}$

ب) جدول التغيرات

x	$-\infty$	β	α	$+\infty$
$f'(x)$	$-$	0	0	$-$
f	-1	$f(\beta)$	$f(\alpha)$	0

3) (أ) $g(\alpha) = 0$ ومنه $e^\alpha = \alpha + 2$

$$f(\alpha) = \frac{e^\alpha - 1}{\alpha e^\alpha + 1} = \frac{\alpha + 2 - 1}{\alpha(\alpha + 2) + 1} = \frac{\alpha + 1}{(\alpha + 1)^2} = \frac{1}{\alpha + 1}$$

ب) تصويب : عين حصرا للعدد $f(\alpha)$ $1,14 < \alpha < 1,15$ و منه $2,14 < \alpha + 1 < 2,15$

ومنه $\frac{1}{2,15} < \frac{1}{\alpha + 1} < \frac{1}{2,14}$ أي $0,465 < f(\alpha) < 0,467$ (الصر سعتة 2×10^{-3})

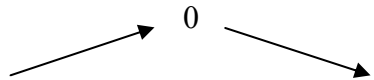
4. معادلة المماس T هي $y = x$

$$f(x) - x = \frac{e^x - 1}{xe^x + 1} - x = \frac{e^x - 1 - x^2 e^x - x}{xe^x + 1} = \frac{e^x - 1 - x^2 e^x - x + x e^x - x e^x}{xe^x + 1} \quad (1.5)$$

$$f(x) - x = \frac{x(e^x - x e^x - 1) + (e^x - x e^x - 1)}{xe^x + 1} = \frac{(e^x - x e^x - 1)(x + 1)}{xe^x + 1}$$

ب) $u'(x) = -x e^x$

إشارة $u'(x)$ هي من نفس إشارة $(-x)$

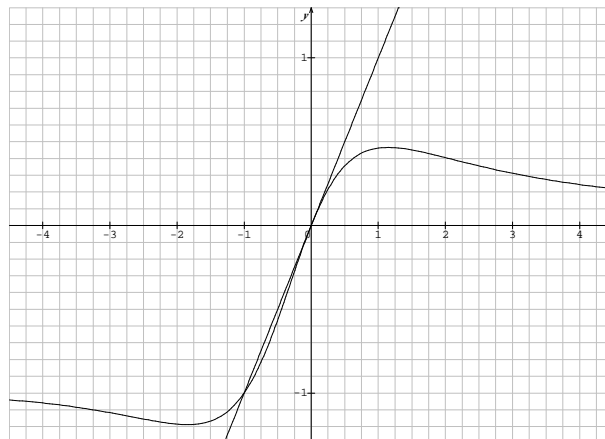
x	$-\infty$	0	$+\infty$
$u'(x)$	+	0	-
u			

إشارة $u(x)$: من أجل كل عدد حقيقي x ، $u(x) \leq 0$

جـ) إشارة $f(x) - x$ هي من نفس إشارة $-(x + 1)$

(C) أعلى T في المجالين $]-\infty; -1]$ و $]0; +\infty[$ و (C) أسفل T في المجال $]-1; 0[$

(6) الرسم



www.facebook.com/merabti.math

www.youtube.com/MrMerabti

twitter.com/MrMerabti